

\$SPAD/src/input rich3f.input

Albert Rich and Timothy Daly

July 28, 2013

Abstract

$(a+b x)^m (c+d x)^n (e+f x)^p$ There are:

- 100 integrals in this file.
- 100 supplied "optimal results".
- 99 matching answers.
- 0 cases where Axiom supplied 2 results.
- 0 cases that Axiom failed to integrate.
- 1 that contain expressions Axiom does not recognize.

Contents

```

    — * —
)set break resume
)sys rm -f rich3f.output
)spool rich3f.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all

--S 1 of 500
t0:=(1-2*x)^2/((2+3*x)^6*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R   (1)
--R   2
--R   4x  - 4x + 1
--R   /
--R   9           8           7           6           5           4
--R   91125x  + 528525x  + 1362015x  + 2046843x  + 1976832x  + 1272420x
--R   +
--R   3           2
--R   545840x  + 150480x  + 24192x + 1728
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1

--S 2 of 500
r0:=49/5/(2+3*x)^5+707/4/(2+3*x)^4+6934/3/(2+3*x)^3+28555/(2+3*x)^2+_
424975/(2+3*x)+(-15125/2)/(3+5*x)^2+277750/(3+5*x)-_
2958125*log(2+3*x)+2958125*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R   7           6           5
--R   1078236562500x  + 4888005750000x  + 9493273912500x
--R   +
--R   4           3           2
--R   10239253875000x  + 6623833500000x  + 2570019000000x  + 553761000000x
--R   +
--R   51116400000
--R   *
--R   log(5x + 3)
--R   +
--R   7           6           5
--R   - 1078236562500x  - 4888005750000x  - 9493273912500x
--R   +
--R   4           3           2
--R   - 10239253875000x  - 6623833500000x  - 2570019000000x
--R   +
--R   - 553761000000x - 51116400000

```

```

--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      71882437500x  + 280341506250x  + 455361930000x  + 394308004875x
--R      +
--R      2
--R      191974077080x  + 49825144515x + 5385650262
--R      /
--R      7      6      5      4      3      2
--R      364500x  + 1652400x  + 3209220x  + 3461400x  + 2239200x  + 868800x
--R      +
--R      187200x + 17280
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 2

--S 3 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7      6      5
--R      1078236562500x  + 4888005750000x  + 9493273912500x
--R      +
--R      4      3      2
--R      10239253875000x  + 6623833500000x  + 2570019000000x  + 553761000000x
--R      +
--R      51116400000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7      6      5
--R      - 1078236562500x  - 4888005750000x  - 9493273912500x
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 10239253875000x  - 6623833500000x  - 2570019000000x
--R      +
--R      - 553761000000x - 51116400000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6      5      4      3
--R      71882437500x  + 280341506250x  + 455361930000x  + 394308004875x
--R      +
--R      2
--R      191974077080x  + 49825144515x + 5385650262
--R      /
--R      7      6      5      4      3      2
--R      364500x  + 1652400x  + 3209220x  + 3461400x  + 2239200x  + 868800x
--R      +

```

```

--R      187200x + 17280
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 3

--S 4 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 4

--S 5 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 5

)clear all

--S 6 of 500
t0:=(1-2*x)^2/((2+3*x)^7*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      2
--R      4x - 4x + 1
--R      /
--R      10          9          8          7          6          5
--R      273375x + 1767825x + 5143095x + 8864559x + 10024182x + 7770924x
--R      +
--R      4          3          2
--R      4182360x + 1543120x + 373536x + 53568x + 3456
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 6

--S 7 of 500
r0:=49/6/(2+3*x)^6+707/5/(2+3*x)^5+3467/2/(2+3*x)^4+57110/3/(2+3*x)^3+_
424975/2/(2+3*x)^2+2958125/(2+3*x)+(-75625/2)/(3+5*x)^2+_
1615625/(3+5*x)-19637500*log(2+3*x)+19637500*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      8          7          6
--R      3578934375000x + 18610458750000x + 42326863875000x
--R      +
--R      5          4          3
--R      54993640500000x + 44643892500000x + 23187960000000x

```

```

--R      +
--R      2
--R      75250900000000x + 1395048000000x + 113112000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      8          7          6
--R      - 3578934375000x - 18610458750000x - 42326863875000x
--R      +
--R      5          4          3
--R      - 54993640500000x - 44643892500000x - 23187960000000x
--R      +
--R      2
--R      - 75250900000000x - 1395048000000x - 113112000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      238595625000x + 1089586687500x + 2131807725000x + 2316445391250x
--R      +
--R      3          2
--R      1509746867100x + 590188362770x + 128130976648x + 11917538647
--R      /
--R      8          7          6          5          4          3
--R      182250x + 947700x + 2155410x + 2800440x + 2273400x + 1180800x
--R      +
--R      2
--R      383200x + 71040x + 5760
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 7

--S 8 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      8          7          6
--R      3578934375000x + 18610458750000x + 42326863875000x
--R      +
--R      5          4          3
--R      54993640500000x + 44643892500000x + 23187960000000x
--R      +
--R      2
--R      75250900000000x + 1395048000000x + 113112000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      8          7          6
--R      - 3578934375000x - 18610458750000x - 42326863875000x
--R      +

```

```

--R      5          4          3
--R      - 54993640500000x  - 44643892500000x  - 23187960000000x
--R      +
--R      2
--R      - 7525090000000x  - 1395048000000x  - 113112000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      238595625000x  + 1089586687500x  + 2131807725000x  + 2316445391250x
--R      +
--R      3          2
--R      1509746867100x  + 590188362770x  + 128130976648x  + 11917538647
--R      /
--R      8          7          6          5          4          3
--R      182250x  + 947700x  + 2155410x  + 2800440x  + 2273400x  + 1180800x
--R      +
--R      2
--R      383200x  + 71040x  + 5760
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 8

--S 9 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 9

--S 10 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 10

)clear all

--S 11 of 500
t0:=(1-2*x)^2/((2+3*x)^8*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      2
--R      4x  - 4x  + 1
--R      /
--R      11          10          9          8          7
--R      820125x  + 5850225x  + 18964935x  + 36879867x  + 47801664x

```

```

--R      +
--R      6      5      4      3      2
--R      43361136x + 28088928x + 12994080x + 4206848x + 907776x + 117504x
--R      +
--R      6912
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 11

--S 12 of 500
r0:=7/(2+3*x)^7+707/6/(2+3*x)^6+6934/5/(2+3*x)^5+28555/2/(2+3*x)^4+_
424975/3/(2+3*x)^3+2958125/2/(2+3*x)^2+19637500/(2+3*x)+_
(-378125/2)/(3+5*x)^2+9212500/(3+5*x)-125825000*log(2+3*x)+_
125825000*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      9      8      7
--R      68794818750000x + 403596270000000x + 1052102094750000x
--R      +
--R      6      5      4
--R      1599505015500000x + 1562882391000000x + 1017823590000000x
--R      +
--R      3      2
--R      441796740000000x + 123248104000000x + 20051472000000x + 1449504000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      9      8      7
--R      - 68794818750000x - 403596270000000x - 1052102094750000x
--R      +
--R      6      5      4
--R      - 1599505015500000x - 1562882391000000x - 1017823590000000x
--R      +
--R      3      2
--R      - 441796740000000x - 123248104000000x - 20051472000000x
--R      +
--R      - 1449504000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      8      7      6      5
--R      4586321250000x + 24001747875000x + 54940731300000x + 71845684942500x
--R      +
--R      4      3      2
--R      58705292494800x + 30691745453460x + 10026079791288x + 1871049429619x
--R      +
--R      152720488888
--R      /
--R      9      8      7      6      5      4
--R      546750x + 3207600x + 8361630x + 12712140x + 12421080x + 8089200x

```

```

--R      +
--R      3      2
--R      3511200x  + 979520x  + 159360x + 11520
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 12

--S 13 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9      8      7
--R      68794818750000x  + 403596270000000x  + 1052102094750000x
--R      +
--R      6      5      4
--R      1599505015500000x  + 1562882391000000x  + 1017823590000000x
--R      +
--R      3      2
--R      441796740000000x  + 123248104000000x  + 20051472000000x + 1449504000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      9      8      7
--R      - 68794818750000x  - 403596270000000x  - 1052102094750000x
--R      +
--R      6      5      4
--R      - 1599505015500000x  - 1562882391000000x  - 1017823590000000x
--R      +
--R      3      2
--R      - 441796740000000x  - 123248104000000x  - 20051472000000x
--R      +
--R      - 1449504000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      8      7      6      5
--R      4586321250000x  + 24001747875000x  + 54940731300000x  + 71845684942500x
--R      +
--R      4      3      2
--R      58705292494800x  + 30691745453460x  + 10026079791288x  + 1871049429619x
--R      +
--R      152720488888
--R      /
--R      9      8      7      6      5      4
--R      546750x  + 3207600x  + 8361630x  + 12712140x  + 12421080x  + 8089200x
--R      +
--R      3      2
--R      3511200x  + 979520x  + 159360x + 11520
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 13

```

```

--S 14 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 14                                         Type: Expression(Integer)

--S 15 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 15                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 16 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^8*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)
--R      12           11           10           9           8           7
--R      - 262440x   - 1163484x   - 1966842x   - 1290573x   + 344979x   + 1027296x
--R      +
--R      6           5           4           3           2
--R      470736x   - 104736x   - 159712x   - 36864x   + 9984x   + 5888x + 768
--R
--E 16                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 17 of 500
r0:=-343/2187*(2+3*x)^9+2009/2430*(2+3*x)^10-518/891*(2+3*x)^11+_
107/729*(2+3*x)^12-40/3159*(2+3*x)^13
--R
--R
--R      (2)
--R      262440  13           12   1966842  11   1290573  10           9           8
--R      - ----- x   - 96957x   - ----- x   - ----- x   + 38331x   + 128412x
--R      13
--R
--R      11           10
--R      +
--R      7           6   159712  5           4           3           2           114328576
--R      67248x   - 17456x   - ----- x   - 9216x   + 3328x   + 2944x   + 768x + -----
--R
--R
--E 17                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 18 of 500
a0:=integrate(t0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)
--R      262440 13      12   1966842 11   1290573 10      9      8
--R      - ----- x    - 96957x  - ----- x    - ----- x    + 38331x  + 128412x
--R      13          11          10
--R      +
--R      7      6   159712 5      4      3      2
--R      67248x  - 17456x  - ----- x  - 9216x  + 3328x  + 2944x  + 768x
--R      5
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 18

--S 19 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      114328576
--R      (4)  - -----
--R              1563705
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 19

--S 20 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 20

)clear all

--S 21 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^7*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)
--R      11      10      9      8      7      6
--R      - 87480x  - 329508x  - 435942x  - 139563x  + 208035x  + 203742x
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      21084x  - 48968x  - 20592x  + 1440x  + 2368x  + 384
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 21

--S 22 of 500
r0:=384*x+1184*x^2+480*x^3-5148*x^4-48968/5*x^5+3514*x^6+29106*x^7+_
208035/8*x^8-15507*x^9-217971/5*x^10-329508/11*x^11-7290*x^12
--R

```

```

--R
--R      (2)
--R      12   329508   11   217971   10           9   208035   8           7
--R      - 7290x   - ----- x   - ----- x   - 15507x   + ----- x   + 29106x
--R                           11                      5                         8
--R      +
--R      6   48968   5           4           3           2
--R      3514x   - ----- x   - 5148x   + 480x   + 1184x   + 384x
--R                           5
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 22

--S 23 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      12   329508   11   217971   10           9   208035   8           7
--R      - 7290x   - ----- x   - ----- x   - 15507x   + ----- x   + 29106x
--R                           11                      5                         8
--R      +
--R      6   48968   5           4           3           2
--R      3514x   - ----- x   - 5148x   + 480x   + 1184x   + 384x
--R                           5
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 23

--S 24 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 24

--S 25 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 25

)clear all

--S 26 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)

```

```

--R          10      9      8      7      6      5      4
--R      - 29160x  - 90396x  - 85050x  + 10179x  + 62559x  + 26208x  - 10444x
--R      +
--R          3      2
--R      - 9360x  - 624x  + 896x  + 192
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 26

--S 27 of 500
r0:=192*x+448*x^2-208*x^3-2340*x^4-10444/5*x^5+4368*x^6+8937*x^7+_
10179/8*x^8-9450*x^9-45198/5*x^10-29160/11*x^11
--R
--R
--R      (2)
--R      29160  11   45198  10      9   10179  8      7   6   10444  5
--R      - ----- x  - ----- x  - 9450x  + ----- x  + 8937x  + 4368x  - ----- x
--R          11           5                   8
--R      +
--R          4      3      2
--R      - 2340x  - 208x  + 448x  + 192x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 27

--S 28 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      29160  11   45198  10      9   10179  8      7   6   10444  5
--R      - ----- x  - ----- x  - 9450x  + ----- x  + 8937x  + 4368x  - ----- x
--R          11           5                   8
--R      +
--R          4      3      2
--R      - 2340x  - 208x  + 448x  + 192x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 28

--S 29 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 29

--S 30 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 30

)clear all

--S 31 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5*(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)
--R   9      8      7      6      5      4      3      2
--R   - 9720x  - 23652x  - 12582x  + 11781x  + 12999x  + 70x  - 3528x  - 768x
--R   +
--R   304x  + 96
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 31

--S 32 of 500
r0:=96*x+152*x^2-256*x^3-882*x^4+14*x^5+4333/2*x^6+1683*x^7-6291/4*x^8-
2628*x^9-972*x^10
--R
--R
--R   (2)
--R   10      9      6291  8      7      4333  6      5      4      3
--R   - 972x  - 2628x  - ----- x  + 1683x  + ----- x  + 14x  - 882x  - 256x
--R                           4                               2
--R   +
--R   2
--R   152x  + 96x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 32

--S 33 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   10      9      6291  8      7      4333  6      5      4      3
--R   - 972x  - 2628x  - ----- x  + 1683x  + ----- x  + 14x  - 882x  - 256x
--R                           4                               2
--R   +
--R   2
--R   152x  + 96x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 33

--S 34 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 34                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 35 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 35                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 36 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4*(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)
--R   - 3240x8 - 5724x7 - 378x6 + 4179x5 + 1547x4 - 1008x3 - 504x2 + 80x + 48
--R
--E 36                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 37 of 500
r0:=48*x+40*x^2-168*x^3-252*x^4+1547/5*x^5+1393/2*x^6-54*x^7-1431/2*x^8-360*x^9
--R
--R
--R   (2)
--R   - 360x9 - 1431x8 - 54x7 + 1393x6 + 1547x5 - 252x4 - 168x3 + 40x2 + 48x
--R
--E 37                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 38 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   - 360x9 - 1431x8 - 54x7 + 1393x6 + 1547x5 - 252x4 - 168x3 + 40x2 + 48x
--R
--E 38                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 39 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R

```

```

--R   (4)  0
--R
--E 39                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 40 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 40                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 41 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3*(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)  - 1080x7 - 1188x6 + 666x5 + 949x4 - 117x3 - 258x2 + 4x + 24
--R
--E 41                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 42 of 500
r0:=24*x+2*x^2-86*x^3-117/4*x^4+949/5*x^5+111*x^6-1188/7*x^7-135*x^8
--R
--R
--R   (2)  - 135x8 - 1188x7 + 111x6 + 949x5 - 117x4 - 86x3 + 2x2 + 24x
--R
--E 42                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 43 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  - 135x8 - 1188x7 + 111x6 + 949x5 - 117x4 - 86x3 + 2x2 + 24x
--R
--E 43                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 44 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 44                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--S 45 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 45

)clear all

--S 46 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2*(3+5*x)
--R
--R
--R      (1)  - 360x6 - 156x5 + 326x4 + 99x3 - 105x2 - 16x + 12
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 46

--S 47 of 500
r0:=12*x-8*x^2-35*x^3+99/4*x^4+326/5*x^5-26*x^6-360/7*x^7
--R
--R
--R      (2)  -  $\frac{360}{7}x^7$  -  $\frac{26}{5}x^6$  +  $\frac{326}{5}x^5$  +  $\frac{99}{4}x^4$  -  $\frac{35}{3}x^3$  -  $\frac{8}{2}x^2$  +  $\frac{12}{1}x$ 
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 47

--S 48 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -  $\frac{360}{7}x^7$  -  $\frac{26}{5}x^6$  +  $\frac{326}{5}x^5$  +  $\frac{99}{4}x^4$  -  $\frac{35}{3}x^3$  -  $\frac{8}{2}x^2$  +  $\frac{12}{1}x$ 
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 48

--S 49 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 49

--S 50 of 500
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 50

)clear all

--S 51 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)*(3+5*x)
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      (1)  - 120x  + 28x  + 90x  - 27x  - 17x  + 6
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 51

--S 52 of 500
r0:=6*x-17/2*x^2-9*x^3+45/2*x^4+28/5*x^5-20*x^6
--R
--R
--R      6      28      5      45      4      3      17      2
--R      (2)  - 20x  + -- x  + -- x  - 9x  - -- x  + 6x
--R              5          2                  2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 52

--S 53 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      6      28      5      45      4      3      17      2
--R      (3)  - 20x  + -- x  + -- x  - 9x  - -- x  + 6x
--R              5          2                  2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 53

--S 54 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 54

--S 55 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 55

)clear all

--S 56 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)
--R
--R
--R      4      3      2
--R      (1)  - 40x  + 36x  + 6x  - 13x + 3
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 56

--S 57 of 500
r0:=3*x-13/2*x^2+2*x^3+9*x^4-8*x^5
--R
--R
--R      5      4      3      13   2
--R      (2)  - 8x  + 9x  + 2x  - -- x  + 3x
--R                           2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 57

--S 58 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      4      3      13   2
--R      (3)  - 8x  + 9x  + 2x  - -- x  + 3x
--R                           2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 58

--S 59 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 59

--S 60 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 60

```

```

)clear all

--S 61 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-40x^4 + 36x^3 + 6x^2 - 13x + 3}{3x + 2}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 61

--S 62 of 500
r0:=293/81*x-161/27*x^2+188/27*x^3-10/3*x^4-343/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{-343\log(3x + 2) - 810x^4 + 1692x^3 - 1449x^2 + 879x}{243}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 62

--S 63 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{-343\log(3x + 2) - 810x^4 + 1692x^3 - 1449x^2 + 879x}{243}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 63

--S 64 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 64

--S 65 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 65

```

```

)clear all

--S 66 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-40x^4 + 36x^3 + 6x^2 - 13x + 3}{9x^2 + 12x + 4}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 66

--S 67 of 500
r0:=-286/27*x+134/27*x^2-40/27*x^3+343/243/(2+3*x)+2009/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(6027x + 4018)\log(3x + 2) - 1080x^4 + 2898x^3 - 5310x^2 - 5148x + 343}{729x^2 + 486}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 67

--S 68 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(6027x + 4018)\log(3x + 2) - 1080x^4 + 2898x^3 - 5310x^2 - 5148x + 343}{729x^2 + 486}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 68

--S 69 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R
$$(4) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 69

--S 70 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R
$$(5) 0$$


```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 70

)clear all

--S 71 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 40x  + 36x  + 6x  - 13x + 3
--R      (1)  -----
--R                  3      2
--R                  27x  + 54x  + 36x + 8
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 71

--S 72 of 500
r0:=116/27*x-20/27*x^2+343/486/(2+3*x)^2+(-2009/243)/(2+3*x)-518/81*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (- 27972x  - 37296x - 12432)log(3x + 2) - 3240x  + 14472x  + 23616x
--R      +
--R      - 3702x - 7693
--R      /
--R      2
--R      4374x  + 5832x + 1944
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 72

--S 73 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (- 27972x  - 37296x - 12432)log(3x + 2) - 3240x  + 14472x  + 23616x
--R      +
--R      - 3702x - 7693
--R      /
--R      2
--R      4374x  + 5832x + 1944
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 73

--S 74 of 500
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 74                                         Type: Expression(Integer)

--S 75 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 75                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 76 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 40x  + 36x  + 6x  - 13x  + 3
--R      (1)  -----
--R      4      3      2
--R      81x  + 216x  + 216x  + 96x  + 16
--R
--E 76                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 77 of 500
r0:=-40/81*x+343/729/(2+3*x)^3+(-2009/486)/(2+3*x)^2+518/81/(2+3*x)+_
428/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      3      2
--R      (69336x  + 138672x  + 92448x  + 20544)log(3x  + 2) - 19440x  - 38880x
--R      +
--R      2
--R      57996x  + 88047x  + 25928
--R      /
--R      3      2
--R      39366x  + 78732x  + 52488x  + 11664
--R
--E 77                                         Type: Expression(Integer)

--S 78 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      3      2
--R      4      3

```

```

--R      (69336x + 138672x + 92448x + 20544)log(3x + 2) - 19440x - 38880x
--R      +
--R      2
--R      57996x + 88047x + 25928
--R      /
--R      3      2
--R      39366x + 78732x + 52488x + 11664
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 78

--S 79 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 79

--S 80 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 80

)clear all

--S 81 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^5
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 40x + 36x + 6x - 13x + 3
--R      (1)  -----
--R      5      4      3      2
--R      243x + 810x + 1080x + 720x + 240x + 32
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 81

--S 82 of 500
r0:=343/972/(2+3*x)^4+(-2009/729)/(2+3*x)^3+259/81/(2+3*x)^2+_
(-428/243)/(2+3*x)-40/243*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      4      3      2
--R      (- 38880x - 103680x - 103680x - 46080x - 7680)log(3x + 2) - 138672x
--R      +
--R      2

```

```

--R      - 193428x  - 97116x  - 18835
--R /
--R      4          3          2
--R      236196x  + 629856x  + 629856x  + 279936x + 46656
--R
--E 82                                         Type: Expression(Integer)

--S 83 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      4          3          2
--R      (- 38880x  - 103680x  - 103680x  - 46080x - 7680)log(3x + 2) - 138672x
--R      +
--R      2
--R      - 193428x  - 97116x  - 18835
--R /
--R      4          3          2
--R      236196x  + 629856x  + 629856x  + 279936x + 46656
--R
--E 83                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 84 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 84                                         Type: Expression(Integer)

--S 85 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 85                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 86 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^6
--R
--R
--R      4          3          2
--R      - 40x  + 36x  + 6x  - 13x + 3
--R      (1)  -----
--R      6          5          4          3          2
--R      729x  + 2916x  + 4860x  + 4320x  + 2160x  + 576x + 64

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 86

--S 87 of 500
r0:=1/105*(1-2*x)^4/(2+3*x)^5-173/2940*(1-2*x)^4/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      692   5    64   4     38   3     58   2     5     53
--R      - ----- x + ----- x - ----- x - ----- x + ----- x - -----
--R      59535   3969   11907   11907   1764   119070
--R (2) -----
--R      5   10   4   40   3   80   2   80   32
--R      x + -- x + -- x + -- x + -- x + --- x + ---
--R      3       9      27      81      243
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 87

--S 88 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4         3         2
--R      64800x  + 57240x  + 34920x  + 16905x + 1282
--R (3) -----
--R      5           4           3           2
--R      1180980x  + 3936600x  + 5248800x  + 3499200x  + 1166400x + 155520
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 88

--S 89 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      692
--R (4) -----
--R      59535
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 89

--S 90 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5) 0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 90

)clear all

--S 91 of 500

```

```

t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^7
--R
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 40x + 36x + 6x - 13x + 3
--R (1) -----
--R
--R      7      6      5      4      3      2
--R      2187x + 10206x + 20412x + 22680x + 15120x + 6048x + 1344x + 128
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91

--S 92 of 500
r0:=1/126*(1-2*x)^4/(2+3*x)^6-103/2205*(1-2*x)^4/(2+3*x)^5-
103/30870*(1-2*x)^4/(2+3*x)^4
--R
--R
--R (2)
--R
--R      824      6      3296      5      44      4      316      3      659      2      349
--R      - ----- x - ----- x + ----- x - ----- x - ----- x + ----- x
--R      1250235      1250235      9261      250047      500094      416745
--R
--R      +
--R      113
--R      -
--R      833490
--R
--R      /
--R      6      5      20      4      160      3      80      2      64      64
--R      x + 4x + -- x + --- x + -- x + -- x + --- x
--R            3          27          27          81          729
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 92

--S 93 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      4      3      2
--R      48600x + 14040x + 3375x + 7218x - 413
--R
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      5314410x + 21257640x + 35429400x + 31492800x + 15746400x + 4199040x
--R
--R      +
--R      466560
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 93

--S 94 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
```

```

--R      824
--R      (4)  -----
--R      1250235
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 94

--S 95 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 95

)clear all

--S 96 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)/(2+3*x)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      4      3      2
--R      - 40x  + 36x  + 6x  - 13x  + 3
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6561x  + 34992x  + 81648x  + 108864x  + 90720x  + 48384x  + 16128x
--R      +
--R      3072x  + 256
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 96

--S 97 of 500
r0:=49/243/(2+3*x)^7+(-2009/1458)/(2+3*x)^6+518/405/(2+3*x)^5+_
(-107/243)/(2+3*x)^4+40/729/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      40      4      1      3      56      2      1531      302
--R      ----- x  - ----- x  - ----- x  + ----- x  - -----
--R      19683      59049      295245      5314410      7971615
--R      (2)  -----
--R      7      14      6      28      5      280      4      560      3      224      2      448      128
--R      x  + -- x  + -- x  + --- x  + -----
--R      3          3          27          81          81          729          2187
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 97

--S 98 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)
--R      4      3      2
--R      32400x - 270x - 3024x + 4593x - 604
--R   /
--R      7      6      5      4      3
--R      15943230x + 74401740x + 148803480x + 165337200x + 110224800x
--R   +
--R      2
--R      44089920x + 9797760x + 933120
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 98

--S 99 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 99

--S 100 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 100

)clear all

--S 101 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^8*(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1)
--R      13      12      11      10      9
--R      - 1312200x - 6604740x - 13324662x - 12353391x - 2146824x
--R   +
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6171417x + 5435568x + 888528x - 1112768x - 663456x - 60672x + 59392x
--R   +
--R      21504x + 2304
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 101

--S 102 of 500
r0:=2304*x+10752*x^2+59392/3*x^3-15168*x^4-663456/5*x^5-556384/3*x^6+_
     888528/7*x^7+679446*x^8+685713*x^9-1073412/5*x^10-
     12353391/11*x^11-2220777/2*x^12-6604740/13*x^13-656100/7*x^14
--R

```

```

--R
--R      (2)
--R      656100 14   6604740 13   2220777 12   12353391 11   1073412 10
--R      - ----- x - ----- x - ----- x - ----- x - ----- x
--R      7           13           2           11           5
--R      +
--R      9           8   888528 7   556384 6   663456 5   4
--R      685713x + 679446x + ----- x - ----- x - ----- x - 15168x
--R      7           3           5
--R      +
--R      59392 3           2
--R      ----- x + 10752x + 2304x
--R      3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 102

--S 103 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      656100 14   6604740 13   2220777 12   12353391 11   1073412 10
--R      - ----- x - ----- x - ----- x - ----- x - ----- x
--R      7           13           2           11           5
--R      +
--R      9           8   888528 7   556384 6   663456 5   4
--R      685713x + 679446x + ----- x - ----- x - ----- x - 15168x
--R      7           3           5
--R      +
--R      59392 3           2
--R      ----- x + 10752x + 2304x
--R      3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 103

--S 104 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 104

--S 105 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 105

```

```

)clear all

--S 106 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^7*(3+5*x)^2
--R
--R
--R (1)
--R      12          11          10          9          8          7
--R      - 437400x   - 1909980x   - 3168234x   - 2005641x   + 621486x   + 1642815x
--R +
--R      6          5          4          3          2
--R      716646x   - 181588x   - 249864x   - 54576x   + 16160x   + 9024x   + 1152
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 106

--S 107 of 500
r0:=1152*x+4512*x^2+16160/3*x^3-13644*x^4-249864/5*x^5-90794/3*x^6+_
102378*x^7+1642815/8*x^8+69054*x^9-2005641/10*x^10-3168234/11*x^11-_
159165*x^12-437400/13*x^13
--R
--R
--R (2)
--R      437400  13          12      3168234  11      2005641  10          9      1642815  8
--R      - ----- x   - 159165x   - ----- x   - ----- x   + 69054x   + ----- x
--R      13                  11                  10                  8
--R +
--R      7      90794  6      249864  5          4      16160  3          2
--R      102378x   - ----- x   - ----- x   - 13644x   + ----- x   + 4512x   + 1152x
--R      3                  5                  3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 107

--S 108 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      437400  13          12      3168234  11      2005641  10          9      1642815  8
--R      - ----- x   - 159165x   - ----- x   - ----- x   + 69054x   + ----- x
--R      13                  11                  10                  8
--R +
--R      7      90794  6      249864  5          4      16160  3          2
--R      102378x   - ----- x   - ----- x   - 13644x   + ----- x   + 4512x   + 1152x
--R      3                  5                  3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 108

--S 109 of 500
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 109                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 110 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 110                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 111 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R
--R      11      10      9      8      7      6
--R      - 145800x  - 539460x  - 696438x  - 204255x  + 343332x  + 318717x
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      26404x  - 78132x  - 31200x  + 2608x  + 3648x  + 576
--R
--E 111                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 112 of 500
r0:=576*x+1824*x^2+2608/3*x^3-7800*x^4-78132/5*x^5+13202/3*x^6+45531*x^7+_
85833/2*x^8-22695*x^9-348219/5*x^10-539460/11*x^11-12150*x^12
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      12      539460  11      348219  10      9      85833  8      7
--R      - 12150x  - ----- x  - ----- x  - 22695x  + ----- x  + 45531x
--R
--R      11      5
--R      13202  6    78132  5      4    2608  3      2
--R      ----- x  - ----- x  - 7800x  + ----- x  + 1824x  + 576x
--R      3      5
--R
--E 112                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 113 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)

```

```

--R      12   539460  11   348219  10          9   85833  8          7
--R      - 12150x  - ----- x  - ----- x  - 22695x  + ----- x  + 45531x
--R           11           5                           2
--R      +
--R      13202  6   78132  5          4   2608  3          2
--R      ----- x  - ----- x  - 7800x  + ----- x  + 1824x  + 576x
--R           3           5                           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 113

--S 114 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 114

--S 115 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 115

)clear all

--S 116 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R      10          9          8          7          6          5          4
--R      - 48600x  - 147420x  - 133866x  + 21159x  + 100338x  + 39347x  - 17430x
--R      +
--R           3          2
--R      - 14424x  - 784x  + 1392x  + 288
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 116

--S 117 of 500
r0:=288*x+696*x^2-784/3*x^3-3606*x^4-3486*x^5+39347/6*x^6+14334*x^7+_
21159/8*x^8-14874*x^9-14742*x^10-48600/11*x^11
--R
--R
--R      (2)
--R      48600  11          10          9   21159  8          7   39347  6          5
--R      - ----- x  - 14742x  - 14874x  + ----- x  + 14334x  + ----- x  - 3486x
--R           11                           8                           6

```

```

--R   +
--R      4    784   3      2
--R      - 3606x  - --- x  + 696x  + 288x
--R                  3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 117

--S 118 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      48600   11      10      9      21159   8      7      39347   6      5
--R      - ----- x  - 14742x  - 14874x  + ----- x  + 14334x  + ----- x  - 3486x
--R      11
--R                  8
--R
--R      +
--R      4    784   3      2
--R      - 3606x  - --- x  + 696x  + 288x
--R                  3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 118

--S 119 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 119

--S 120 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 120

)clear all

--S 121 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R      9      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 16200x  - 38340x  - 19062x  + 19761ix  + 20272x  - 399x  - 5544x  - 1112x
--R
--R      +
--R      480x  + 144
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)

```

```

--E 121

--S 122 of 500
r0:=144*x+240*x^2-1112/3*x^3-1386*x^4-399/5*x^5+10136/3*x^6+2823*x^7-
      9531/4*x^8-4260*x^9-1620*x^10
--R
--R
--R   (2)
--R   - 1620x10 - 4260x9 - 9531/4x8 + 2823x7 + 10136/3x6 - 399/5x5 - 1386x4
--R   +
--R   - 1112/3x3 + 240x2 + 144x3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 122

--S 123 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   - 1620x10 - 4260x9 - 9531/4x8 + 2823x7 + 10136/3x6 - 399/5x5 - 1386x4
--R   +
--R   - 1112/3x3 + 240x2 + 144x3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 123

--S 124 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 124

--S 125 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 125

)clear all

```

```

--S 126 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 5400x  - 9180x  - 234x  + 6743x  + 2262x  - 1641x  - 754x  + 132x  + 72
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 126

--S 127 of 500
r0:=72*x+66*x^2-754/3*x^3-1641/4*x^4+2262/5*x^5+6743/6*x^6-234/7*x^7-
2295/2*x^8-600*x^9
--R
--R
--R      (2)
--R      9      2295  8      234  7      6743  6      2262  5      1641  4      754  3      2
--R      - 600x  - ---- x  - --- x  + ---- x  + ---- x  - ---- x  - --- x  + 66x
--R              2          7          6          5          4          3
--R
--R      +
--R      72x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 127

--S 128 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9      2295  8      234  7      6743  6      2262  5      1641  4      754  3      2
--R      - 600x  - ---- x  - --- x  + ---- x  + ---- x  - ---- x  - --- x  + 66x
--R              2          7          6          5          4          3
--R
--R      +
--R      72x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 128

--S 129 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 129

--S 130 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 130                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 131 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2*(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1)  - 1800x7 - 1860x6 + 1162x5 + 1473x4 - 228x3 - 395x2 + 12x + 36
--R
--E 131                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 132 of 500
r0:=36*x+6*x^2-395/3*x^3-57*x^4+1473/5*x^5+581/3*x^6-1860/7*x^7-225*x^8
--R
--R
--R   (2)  - 225x8 - 1860x7 + 581x6 + 1473x5 - 57x4 - 395x3 + 6x2 + 36x
--R
--R
--E 132                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 133 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)  - 225x7 - 1860x6 + 581x5 + 1473x4 - 57x3 - 395x2 + 6x + 36x
--R
--E 133                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 134 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 134                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 135 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 135                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

)clear all

--S 136 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      (1) - 600x - 220x + 534x + 135x - 166x - 21x + 18
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 136

--S 137 of 500
r0:=18*x-21/2*x^2-166/3*x^3+135/4*x^4+534/5*x^5-110/3*x^6-600/7*x^7
--R
--R
--R      600 7    110 6    534 5    135 4    166 3    21 2
--R      (2) - --- x - --- x + --- x + --- x - --- x - --- x + 18x
--R          7        3        5        4        3        2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 137

--S 138 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      600 7    110 6    534 5    135 4    166 3    21 2
--R      (3) - --- x - --- x + --- x + --- x - --- x - --- x + 18x
--R          7        3        5        4        3        2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 138

--S 139 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4) 0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 139

--S 140 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5) 0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 140

)clear all

```

```

--S 141 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      (1) - 200x + 60x + 138x - 47x - 24x + 9
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 141

--S 142 of 500
r0:=9*x-12*x^2-47/3*x^3+69/2*x^4+12*x^5-100/3*x^6
--R
--R
--R      100 6      5   69 4    47 3      2
--R      (2) - --- x + 12x + -- x - -- x - 12x + 9x
--R          3             2           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 142

--S 143 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      100 6      5   69 4    47 3      2
--R      (3) - --- x + 12x + -- x - -- x - 12x + 9x
--R          3             2           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 143

--S 144 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 144

--S 145 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 145

)clear all

--S 146 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)
--R

```

```

--R
--R      5      4      3      2
--R      - 200x  + 60x  + 138x  - 47x  - 24x + 9
--R      (1) -----
--R                           3x + 2
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 146

--S 147 of 500
r0:=922/243*x-1433/162*x^2+82/81*x^3+145/9*x^4-40/3*x^5+343/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      686log(3x + 2) - 19440x  + 23490x  + 1476x  - 12897x  + 5532x
--R      (2) -----
--R                           1458
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 147

--S 148 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      686log(3x + 2) - 19440x  + 23490x  + 1476x  - 12897x  + 5532x
--R      (3) -----
--R                           1458
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 148

--S 149 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 149

--S 150 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 150

)clear all

--S 151 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^2

```

```

--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 200x + 60x + 138x - 47x - 24x + 9
--R      (1) -----
--R                           2
--R                           9x + 12x + 4
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 151

--S 152 of 500
r0:=2323/243*x-313/27*x^2+980/81*x^3-50/9*x^4+(-343/729)/(2+3*x)-_
3724/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      (- 11172x - 7448)log(3x + 2) - 12150x + 18360x - 7713x + 4005x
--R      +
--R      13938x - 343
--R      /
--R      2187x + 1458
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 152

--S 153 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (- 11172x - 7448)log(3x + 2) - 12150x + 18360x - 7713x + 4005x
--R      +
--R      13938x - 343
--R      /
--R      2187x + 1458
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 153

--S 154 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 154

--S 155 of 500
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 155                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 156 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 200x  + 60x  + 138x  - 47x  - 24x  + 9
--R      (1)  -----
--R                  3      2
--R                  27x  + 54x  + 36x  + 8
--R
--E 156                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 157 of 500
r0:=-1546/81*x+230/27*x^2-200/81*x^3+(-343/1458)/(2+3*x)^2+3724/729/(2+3*x)+_
11599/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (208782x  + 278376x  + 92792)log(3x  + 2) - 32400x  + 68580x  - 115812x
--R      +
--R      2
--R      - 284256x  - 88968x  + 14553
--R      /
--R      2
--R      13122x  + 17496x  + 5832
--R
--E 157                                         Type: Expression(Integer)

--S 158 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (208782x  + 278376x  + 92792)log(3x  + 2) - 32400x  + 68580x  - 115812x
--R      +
--R      2
--R      - 284256x  - 88968x  + 14553
--R      /
--R      2
--R      13122x  + 17496x  + 5832
--R
--E 158                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 158

--S 159 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 159

--S 160 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 160

)clear all

--S 161 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 200x  + 60x  + 138x  - 47x  - 24x  + 9
--R      (1)  -----
--R                  4      3      2
--R                  81x  + 216x  + 216x  + 96x  + 16
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 161

--S 162 of 500
r0:=1780/243*x-100/81*x^2+(-343/2187)/(2+3*x)^3+1862/729/(2+3*x)^2+_
(-11599/729)/(2+3*x)-8198/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      3      2
--R      (- 664038x  - 1328076x  - 885384x - 196752)log(3x  + 2) - 72900x
--R      +
--R      4      3      2
--R      286740x  + 767880x  + 241947x  - 272646x - 128359
--R      /
--R      3      2
--R      59049x  + 118098x  + 78732x + 17496
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 162

--S 163 of 500

```

```

a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      3          2
--R      (- 664038x - 1328076x - 885384x - 196752)log(3x + 2) - 72900x
--R      +
--R      4          3          2
--R      286740x + 767880x + 241947x - 272646x - 128359
--R      /
--R      3          2
--R      59049x + 118098x + 78732x + 17496
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 163

--S 164 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 164

--S 165 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 165

)clear all

--S 166 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^5
--R
--R
--R      5          4          3          2
--R      - 200x + 60x + 138x - 47x - 24x + 9
--R (1)  -----
--R      5          4          3          2
--R      243x + 810x + 1080x + 720x + 240x + 32
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 166

--S 167 of 500
r0:=-200/243*x+(-343/2916)/(2+3*x)^4+3724/2187/(2+3*x)^3+_
(-11599/1458)/(2+3*x)^2+8198/729/(2+3*x)+2180/729*log(2+3*x)
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R      4          3          2
--R      (2118960x  + 5650560x  + 5650560x  + 2511360x + 418560)log(3x + 2)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 583200x  - 1555200x  + 1100952x  + 3994758x  + 2635896x + 537395
--R      /
--R      4          3          2
--R      708588x  + 1889568x  + 1889568x  + 839808x + 139968
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 167

--S 168 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      4          3          2
--R      (2118960x  + 5650560x  + 5650560x  + 2511360x + 418560)log(3x + 2)
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 583200x  - 1555200x  + 1100952x  + 3994758x  + 2635896x + 537395
--R      /
--R      4          3          2
--R      708588x  + 1889568x  + 1889568x  + 839808x + 139968
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 168

--S 169 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 169

--S 170 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 170

)clear all

--S 171 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^6
--R
--R

```

```

--R      5      4      3      2
--R      - 200x + 60x + 138x - 47x - 24x + 9
--R      -----
--R      6      5      4      3      2
--R      729x + 2916x + 4860x + 4320x + 2160x + 576x + 64
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 171

--S 172 of 500
r0:=(-343/3645)/(2+3*x)^5+931/729/(2+3*x)^4+(-11599/2187)/(2+3*x)^3+_
4099/729/(2+3*x)^2+(-2180/729)/(2+3*x)-200/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      5      4      3      2
--R      (- 729000x - 2430000x - 3240000x - 2160000x - 720000x - 96000)
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 2648700x - 5403105x - 4264965x - 1579785x - 236399
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      2657205x + 8857350x + 11809800x + 7873200x + 2624400x + 349920
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 172

--S 173 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      5      4      3      2
--R      (- 729000x - 2430000x - 3240000x - 2160000x - 720000x - 96000)
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 2648700x - 5403105x - 4264965x - 1579785x - 236399
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      2657205x + 8857350x + 11809800x + 7873200x + 2624400x + 349920
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 173

--S 174 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 174

--S 175 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 175

)clear all

--S 176 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^7
--R
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 200x + 60x + 138x - 47x - 24x + 9
--R      (1)  -----
--R      7      6      5      4      3      2
--R      2187x + 10206x + 20412x + 22680x + 15120x + 6048x + 1344x + 128
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 176

--S 177 of 500
r0:=(-343/4374)/(2+3*x)^6+3724/3645/(2+3*x)^5+(-11599/2916)/(2+3*x)^4+_
8198/2187/(2+3*x)^3+(-1090/729)/(2+3*x)^2+200/729/(2+3*x)
--R
--R
--R      200 5      910 4      6038 3      13345 2      15289      19643
--R      ---- x + ---- x + ----- x + ----- x + ----- x + -----
--R      2187     6561      59049      236196      885735      15943230
--R      (2)  -----
--R      6      5      20 4      160 3      80 2      64      64
--R      x + 4x + -- x + --- x + -- x + -- x + --- x + ---
--R                  3          27          27          81          729
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 177

--S 178 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      5      4      3      2
--R      2916000x + 4422600x + 3260520x + 1801575x + 550404x + 39286
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      31886460x + 127545840x + 212576400x + 188956800x + 94478400x

```

```

--R      +
--R      25194240x + 2799360
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 178

--S 179 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 179

--S 180 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 180

)clear all

--S 181 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^2/(2+3*x)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      5      4      3      2
--R      - 200x  + 60x  + 138x  - 47x  - 24x + 9
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6561x  + 34992x  + 81648x  + 108864x  + 90720x  + 48384x  + 16128x
--R      +
--R      3072x + 256
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 181

--S 182 of 500
r0:=(-49/729)/(2+3*x)^7+1862/2187/(2+3*x)^6+(-11599/3645)/(2+3*x)^5+_
4099/1458/(2+3*x)^4+(-2180/2187)/(2+3*x)^3+100/729/(2+3*x)^2
--R
--R
--R      100 5      820 4      1417 3      2686 2      10232      1763
--R      ----- x  + ----- x  + ----- x  + ----- x  + ----- x  - -----
--R      6561      59049      354294      885735      7971615      23914845
--R      (2) -----
--R      7      14      6      28      5      280      4      560      3      224      2      448      128
--R      x  + -- x  + -- x  + --- x  + -----
--R      3          3          27          81          81          729          2187

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 182

--S 183 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R      5          4          3          2
--R   729000x + 664200x + 191295x + 145044x + 61392x - 3526
--R   /
--R      7          6          5          4          3
--R   47829690x + 223205220x + 446410440x + 496011600x + 330674400x
--R   +
--R      2
--R   132269760x + 29393280x + 2799360
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 183

--S 184 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 184

--S 185 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 185

)clear all

--S 186 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^7*(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R      13          12          11          10          9
--R   - 2187000x - 10862100x - 21571110x - 19532907x - 2909493x
--R   +
--R      8          7          6          5          4          3
--R   10078533x + 8511675x + 1241998x - 1794084x - 1022472x - 82928x
--R   +
--R      2
--R   93600x + 32832x + 3456

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 186

--S 187 of 500
r0:=3456*x+16416*x^2+31200*x^3-20732*x^4-1022472/5*x^5-299014*x^6-
1241998/7*x^7+8511675/8*x^8+1119837*x^9-2909493/10*x^10-
19532907/11*x^11-3595185/2*x^12-10862100/13*x^13-1093500/7*x^14
--R
--R
--R (2)
--R      1093500 14   10862100 13   3595185 12   19532907 11   2909493 10
--R      - ----- x   - ----- x   - ----- x   - ----- x   - ----- x
--R      7           13          2           11          10
--R +
--R      9   8511675 8   1241998 7   6   1022472 5   4
--R      1119837x + ----- x + ----- x - 299014x - ----- x - 20732x
--R      8           7           5
--R +
--R      3           2
--R      31200x + 16416x + 3456x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 187

--S 188 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      1093500 14   10862100 13   3595185 12   19532907 11   2909493 10
--R      - ----- x   - ----- x   - ----- x   - ----- x   - ----- x
--R      7           13          2           11          10
--R +
--R      9   8511675 8   1241998 7   6   1022472 5   4
--R      1119837x + ----- x + ----- x - 299014x - ----- x - 20732x
--R      8           7           5
--R +
--R      3           2
--R      31200x + 16416x + 3456x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 188

--S 189 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 189

--S 190 of 500

```

```

d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 190                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 191 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6*(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R
--R      12           11           10           9           8           7
--R      - 729000x    - 3134700x    - 5100570x    - 3110589x    + 1103895x    + 2623581x
--R
--R      +
--R      6           5           4           3           2
--R      1088171x    - 311448x    - 390396x    - 80560x    + 26064x    + 13824x    + 1728
--R
--E 191                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 192 of 500
r0:=1728*x+6912*x^2+8688*x^3-20140*x^4-390396/5*x^5-51908*x^6+_
155453*x^7+2623581/8*x^8+122655*x^9-3110589/10*x^10-5100570/11*x^11-
261225*x^12-729000/13*x^13
--R
--R
--R   (2)
--R
--R      729000  13           12   5100570  11   3110589  10           9
--R      - ----- x    - 261225x    - ----- x    - ----- x    + 122655x
--R      13
--R
--R      +
--R      2623581  8           7           6   390396  5           4           3           2
--R      ----- x    + 155453x    - 51908x    - ----- x    - 20140x    + 8688x    + 6912x
--R      8
--R
--R      +
--R      1728x
--R
--E 192                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 193 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R      729000  13           12   5100570  11   3110589  10           9
--R      - ----- x    - 261225x    - ----- x    - ----- x    + 122655x
--R      13
--R
--R      +

```

```

--R      2623581   8           7           6   390396   5           4           3           2
--R      ----- x  + 155453x  - 51908x  - ----- x  - 20140x  + 8688x  + 6912x
--R      8           5
--R      +
--R      1728x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 193

--S 194 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 194

--S 195 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 195

)clear all

--S 196 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      11           10           9           8           7           6
--R      - 243000x  - 882900x  - 1111590x  - 295803x  + 565167x  + 497749x
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      30891x  - 124410x  - 47192x  + 4608x  + 5616x  + 864
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 196

--S 197 of 500
r0:=864*x+2808*x^2+1536*x^3-11798*x^4-24882*x^5+10297/2*x^6+_
    71107*x^7+565167/8*x^8-32867*x^9-111159*x^10-882900/11*x^11-20250*x^12
--R
--R
--R      (2)
--R      12   882900   11           10           9   565167   8           7
--R      - 20250x  - ----- x  - 111159x  - 32867x  + ----- x  + 71107x
--R
--R      11           8
--R      +
--R      10297   6           5           4           3           2

```

```

--R      ----- x  - 24882x  - 11798x  + 1536x  + 2808x  + 864x
--R      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 197

--S 198 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      12   882900  11          10          9   565167  8          7
--R      - 20250x  - ----- x  - 111159x  - 32867x  + ----- x  + 71107x
--R                  11                           8
--R      +
--R      10297  6          5          4          3          2
--R      ----- x  - 24882x  - 11798x  + 1536x  + 2808x  + 864x
--R      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 198

--S 199 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 199

--S 200 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 200

)clear all

--S 201 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      10          9          8          7          6          5          4
--R      - 81000x  - 240300x  - 210330x  + 41619x  + 160643x  + 58821x  - 28917x
--R      +
--R      3          2
--R      - 22192x  - 936x  + 2160x  + 432
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 201

```

```

--S 202 of 500
r0:=432*x+1080*x^2-312*x^3-5548*x^4-28917/5*x^5+19607/2*x^6+22949*x^7+_
41619/8*x^8-23370*x^9-24030*x^10-81000/11*x^11
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{81000}{x^{11}} - \frac{24030}{x^{10}} - \frac{23370}{x^9} + \frac{41619}{x^8} + \frac{22949}{x^7} + \frac{19607}{x^6} - \frac{28917}{x^5}$$

--R   
$$- \frac{5548}{x^4} - \frac{312}{x^3} + \frac{1080}{x^2} + \frac{432}{x}$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 202

--S 203 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{81000}{x^{11}} - \frac{24030}{x^{10}} - \frac{23370}{x^9} + \frac{41619}{x^8} + \frac{22949}{x^7} + \frac{19607}{x^6} - \frac{28917}{x^5}$$

--R   
$$- \frac{5548}{x^4} - \frac{312}{x^3} + \frac{1080}{x^2} + \frac{432}{x}$$

--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 203

--S 204 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 204

--S 205 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 205

)clear all

--S 206 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3*(3+5*x)^3

```

```

--R
--R
--R      (1)
--R          9      8      7      6      5      4      3
--R      - 27000x  - 62100x  - 28710x  + 33013x  + 31539x  - 1419x  - 8693x
--R      +
--R          2
--R      - 1602x  + 756x + 216
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 206

--S 207 of 500
r0:=216*x+378*x^2-534*x^3-8693/4*x^4-1419/5*x^5+10513/2*x^6+33013/7*x^7-
14355/4*x^8-6900*x^9-2700*x^10
--R
--R
--R      (2)
--R          10      9      14355  8      33013  7      10513  6      1419  5      8693  4
--R      - 2700x  - 6900x  - ----- x  + ----- x  + ----- x  - ----- x  - ----- x
--R                               4           7           2           5           4
--R      +
--R          3      2
--R      - 534x  + 378x  + 216x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 207

--S 208 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R          10      9      14355  8      33013  7      10513  6      1419  5      8693  4
--R      - 2700x  - 6900x  - ----- x  + ----- x  + ----- x  - ----- x  - ----- x
--R                               4           7           2           5           4
--R      +
--R          3      2
--R      - 534x  + 378x  + 216x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 208

--S 209 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 209

--S 210 of 500
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 210

)clear all

--S 211 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 9000x  - 14700x  + 230x  + 10851x  + 3279x  - 2659x  - 1125x  + 216x + 108
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 211

--S 212 of 500
r0:=108*x+108*x^2-375*x^3-2659/4*x^4+3279/5*x^5+3617/2*x^6+230/7*x^7-
3675/2*x^8-1000*x^9
--R
--R
--R      (2)
--R      9      3675  8      230  7      3617  6      3279  5      2659  4      3      2
--R      - 1000x  - ----- x  + ---- x  + ----- x  + ----- x  - ----- x  - 375x  + 108x
--R          2          7          2          5          4
--R      +
--R      108x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 212

--S 213 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9      3675  8      230  7      3617  6      3279  5      2659  4      3      2
--R      - 1000x  - ----- x  + ---- x  + ----- x  + ----- x  - ----- x  - 375x  + 108x
--R          2          7          2          5          4
--R      +
--R      108x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 213

--S 214 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 214

--S 215 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 215

)clear all

--S 216 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      7       6       5       4       3       2
--R      (1) - 3000x - 2900x + 2010x + 2277x - 425x - 603x + 27x + 54
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 216

--S 217 of 500
r0:=54*x^27/2*x^2-201*x^3-425/4*x^4+2277/5*x^5+335*x^6-2900/7*x^7-375*x^8
--R
--R
--R      8     2900 7       6     2277 5     425 4       3     27 2
--R      (2) - 375x - ----- x + 335x + ----- x - ---- x - 201x + -- x + 54x
--R                  7                   5           4                   2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 217

--S 218 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      8     2900 7       6     2277 5     425 4       3     27 2
--R      (3) - 375x - ----- x + 335x + ----- x - ---- x - 201x + -- x + 54x
--R                  7                   5           4                   2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 218

--S 219 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 219

```

```

--S 220 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 220

)clear all

--S 221 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)  - 1000x6 - 300x5 + 870x4 + 179x3 - 261x2 - 27x + 27
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 221

--S 222 of 500
r0:=27*x-27/2*x^2-87*x^3+179/4*x^4+174*x^5-50*x^6-1000/7*x^7
--R
--R
--R      (2)  -  $\frac{1000}{7}x^7$  - 50x6 + 174x5 +  $\frac{179}{4}x^4$  - 87x3 -  $\frac{261}{2}x^2$  + 27x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 222

--S 223 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)  -  $\frac{1000}{7}x^7$  - 50x6 + 174x5 +  $\frac{179}{4}x^4$  - 87x3 -  $\frac{261}{2}x^2$  + 27x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 223

--S 224 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 224

--S 225 of 500
d0:=D(m0,x)
--R

```

```

--R
--R      (5)  0
--R
--E 225                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 226 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x  + 27
--R      (1)  -----
--R                           3x  + 2
--R
--E 226                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 227 of 500
r0:=10013/729*x-8287/486*x^2-6427/243*x^3+2815/54*x^4+220/9*x^5-500/9*x^6-
343/2187*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 6861log(3x  + 2) - 243000x  + 106920x  + 228015x  - 115686x  - 74583x
--R      +
--R      60078x
--R      /
--R      4374
--R
--E 227                                         Type: Expression(Integer)

--S 228 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 6861log(3x  + 2) - 243000x  + 106920x  + 228015x  - 115686x  - 74583x
--R      +
--R      60078x
--R      /
--R      4374
--R
--E 228                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 229 of 500
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 229                                         Type: Expression(Integer)

--S 230 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 230                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 231 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^2
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x  + 27
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  9x  + 12x  + 4
--R
--E 231                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 232 of 500
r0:=2287/729*x-5287/486*x^2-190/81*x^3+775/27*x^4-200/9*x^5+343/2187/(2+3*x)+_
1813/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      (32634x  + 21756)log(3x  + 2)  - 291600x  + 182250x  + 220320x  - 163269x
--R      +
--R      2
--R      - 54000x  + 27444x  + 686
--R      /
--R      13122x  + 8748
--R
--E 232                                         Type: Expression(Integer)

--S 233 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (32634x  + 21756)log(3x  + 2)  - 291600x  + 182250x  + 220320x  - 163269x

```

```

--R      +
--R      2
--R      - 54000x  + 27444x + 686
--R      /
--R      13122x + 8748
--R
--E 233                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

--S 234 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 234                                         Type: Expression(Integer)

--S 235 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 235                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 236 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^3
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x + 27
--R      (1) -----
--R                  3      2
--R                  27x  + 54x  + 36x + 8
--R
--E 236                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 237 of 500
r0:=16253/729*x-1795/81*x^2+1700/81*x^3-250/27*x^4+343/4374/(2+3*x)^2+_
(-1813/729)/(2+3*x)-10073/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (- 543942x  - 725256x - 241752)log(3x + 2) - 364500x  + 340200x
--R      +
--R      4      3      2
--R      67230x  + 81702x  + 782496x  + 357438x - 21413
--R      /

```

```

--R      2
--R      39366x + 52488x + 17496
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 237

--S 238 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (- 543942x - 725256x - 241752)log(3x + 2) - 364500x + 340200x
--R      +
--R      67230x + 81702x + 782496x + 357438x - 21413
--R      /
--R      39366x + 52488x + 17496
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 238

--S 239 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 239

--S 240 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 240

)clear all

--S 241 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^4
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x - 300x + 870x + 179x - 261x - 27x + 27
--R      (1) -----
--R                  4      3      2
--R                  81x + 216x + 216x + 96x + 16
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 241

```

```

--S 242 of 500
r0:=-24970/729*x+3550/243*x^2-1000/243*x^3+343/6561/(2+3*x)^3+_
(-1813/1458)/(2+3*x)^2+10073/729/(2+3*x)+66193/2187*log(2+3*x)
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{(10723266x^3 + 21446532x^2 + 14297688x + 3177264)\log(3x + 2) - 1458000x^6}{2259900x^5 - 3727620x^4 - 17801640x^3 - 13015134x^2 - 1468863x + 693308}$$

--R
--R   /
--R   
$$\frac{354294x^3 + 708588x^2 + 472392x + 104976}{354294x^3 + 708588x^2 + 472392x + 104976}$$

--R
--E 242                                         Type: Expression(Integer)

--S 243 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{(10723266x^3 + 21446532x^2 + 14297688x + 3177264)\log(3x + 2) - 1458000x^6}{2259900x^5 - 3727620x^4 - 17801640x^3 - 13015134x^2 - 1468863x + 693308}$$

--R
--R   /
--R   
$$\frac{354294x^3 + 708588x^2 + 472392x + 104976}{354294x^3 + 708588x^2 + 472392x + 104976}$$

--R
--E 243                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--S 244 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--E 244                                         Type: Expression(Integer)

--S 245 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--E 245                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 246 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^5
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-1000x^6 - 300x^5 + 870x^4 + 179x^3 - 261x^2 - 27x + 27}{243x^5 + 810x^4 + 1080x^3 + 720x^2 + 240x + 32}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 246

--S 247 of 500
r0:=9100/729*x^500/243*x^2+343/8748/(2+3*x)^4+(-1813/2187)/(2+3*x)^3+_
10073/1458/(2+3*x)^2+(-66193/2187)/(2+3*x)-14390/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(-4662360x^4 - 12432960x^3 - 12432960x^2 - 5525760x - 920960)\log(3x + 2)}{236196x^4 + 629856x^3 + 629856x^2 + 279936x + 46656}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 247

--S 248 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(-4662360x^4 - 12432960x^3 - 12432960x^2 - 5525760x - 920960)\log(3x + 2)}{236196x^4 + 629856x^3 + 629856x^2 + 279936x + 46656}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 248

```

```

--S 249 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 249

--S 250 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 250

)clear all

--S 251 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^6
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x  + 27
--R      (1)  -----
--R      6      5      4      3      2
--R      729x  + 2916x  + 4860x  + 4320x  + 2160x  + 576x  + 64
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 251

--S 252 of 500
r0:=-1000/729*x+343/10935/(2+3*x)^5+(-1813/2916)/(2+3*x)^4+_
10073/2187/(2+3*x)^3+(-66193/4374)/(2+3*x)^2+14390/729/(2+3*x)+_
3700/729*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      5      4      3      2
--R      17982000x  + 59940000x  + 79920000x  + 53280000x  + 17760000x
--R      +
--R      2368000
--R      *
--R      log(3x  + 2)
--R      +
--R      6      5      4      3      2
--R      - 4860000x  - 16200000x  + 1711800x  + 41807430x  + 46054440x
--R      +
--R      19824285x  + 3090594
--R      /

```

```

--R      5          4          3          2
--R      3542940x + 11809800x + 15746400x + 10497600x + 3499200x + 466560
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 252

--S 253 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      5          4          3          2
--R      17982000x + 59940000x + 79920000x + 53280000x + 17760000x
--R      +
--R      2368000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      - 4860000x - 16200000x + 1711800x + 41807430x + 46054440x
--R      +
--R      19824285x + 3090594
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      3542940x + 11809800x + 15746400x + 10497600x + 3499200x + 466560
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 253

--S 254 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 254

--S 255 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 255

)clear all

--S 256 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^7
--R
--R
--R      6          5          4          3          2

```

```

--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x  + 27
--R      (1) -----
--R      7       6       5       4       3       2
--R      2187x  + 10206x  + 20412x  + 22680x  + 15120x  + 6048x  + 1344x  + 128
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 256

--S 257 of 500
r0:=343/13122/(2+3*x)^6+(-1813/3645)/(2+3*x)^5+10073/2916/(2+3*x)^4+_
(-66193/6561)/(2+3*x)^3+7195/729/(2+3*x)^2+(-3700/729)/(2+3*x)-_
1000/2187*log(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      6       5       4       3       2
--R      - 14580000x  - 58320000x  - 97200000x  - 86400000x  - 43200000x
--R      +
--R      - 11520000x - 1280000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5       4       3       2
--R      - 53946000x  - 144852300x  - 158427540x  - 89062425x  - 25975248x - 3165082
--R      /
--R      6       5       4       3       2
--R      31886460x  + 127545840x  + 212576400x  + 188956800x  + 94478400x
--R      +
--R      25194240x + 2799360
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 257

--S 258 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      6       5       4       3       2
--R      - 14580000x  - 58320000x  - 97200000x  - 86400000x  - 43200000x
--R      +
--R      - 11520000x - 1280000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5       4       3       2
--R      - 53946000x  - 144852300x  - 158427540x  - 89062425x  - 25975248x - 3165082
--R      /
--R      6       5       4       3       2
--R      31886460x  + 127545840x  + 212576400x  + 188956800x  + 94478400x
--R      +
--R      25194240x + 2799360

```

```

--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 258

--S 259 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 259

--S 260 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 260

)clear all

--S 261 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(3+5*x)^3/(2+3*x)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      6      5      4      3      2
--R      - 1000x  - 300x  + 870x  + 179x  - 261x  - 27x  + 27
--R      /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      6561x  + 34992x  + 81648x  + 108864x  + 90720x  + 48384x  + 16128x
--R      +
--R      3072x  + 256
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 261

--S 262 of 500
r0:=49/2187/(2+3*x)^7+(-1813/4374)/(2+3*x)^6+10073/3645/(2+3*x)^5+_
      (-66193/8748)/(2+3*x)^4+14390/2187/(2+3*x)^3+(-1850/729)/(2+3*x)^2+_
      1000/2187/(2+3*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      1000 6  2150 5  18890 4  146287 3  160381 2  331697 33326
--R      ----- x  + -----
--R      6561       6561      59049      708588      1771470      15943230      23914845
--R      -----
--R      7  14 6  28 5  280 4  560 3  224 2  448 128
--R      x  + -- x  + --
--R      3  3  27  81  81  81  729  2187

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 262

--S 263 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R      6           5           4           3           2
--R      14580000x + 31347000x + 30601800x + 19748745x + 8660574x + 1990182x
--R      +
--R      133304
--R   /
--R
--R      7           6           5           4           3
--R      95659380x + 446410440x + 892820880x + 992023200x + 661348800x
--R      +
--R      2
--R      264539520x + 58786560x + 5598720
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 263

--S 264 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 264

--S 265 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 265

)clear all

--S 266 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6/(3+5*x)
--R
--R
--R   (1)
--R
--R      9           8           7           6           5           4           3           2
--R      - 5832x - 14580x - 8262x + 6993x + 8316x + 252x - 2240x - 528x
--R      +
--R      192x + 64
--R   /
--R      5x + 3

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 266

--S 267 of 500
r0:=41666223/1953125*x+11111259/781250*x^2-17453753/234375*x^3-
      5848749/62500*x^4+2212083/15625*x^5+331713/1250*x^6-40338/875*x^7-
      13851/50*x^8-648/5*x^9+1331/9765625*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R
--R   1118041log(5x + 3) - 106312500000x9 - 227242968750x8 - 37816875000x7
--R   +
--R   217686656250x6 + 116134357500x5 - 76764830625x4 - 61088135500x3
--R   +
--R   11666821950x2 + 17499813660x
--R   /
--R   820312500
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 267

--S 268 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R   1118041log(5x + 3) - 106312500000x9 - 227242968750x8 - 37816875000x7
--R   +
--R   217686656250x6 + 116134357500x5 - 76764830625x4 - 61088135500x3
--R   +
--R   11666821950x2 + 17499813660x
--R   /
--R   820312500
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 268

--S 269 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 269

--S 270 of 500

```

```

d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 270                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 271 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5/(3+5*x)
--R
--R
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      - 1944x  - 3564x  - 378x  + 2583x  + 1050x  - 616x  - 336x  + 48x  + 32
--R      (1) -----
--R                                     5x  + 3
--R
--E 271                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 272 of 500
r0:=4166223/390625*x-138741/156250*x^2-1703753/46875*x^3-73749/12500*x^4-
243333/3125*x^5+4419/125*x^6-11988/175*x^7-243/5*x^8+_
1331/1953125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      1118041log(5x  + 3)  - 7973437500x  - 11238750000x  + 5799937500x
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      12774982500x  - 967955625x  - 5963135500x  - 145678050x  + 1749813660x
--R      /
--R      164062500
--R
--E 272                                         Type: Expression(Integer)

--S 273 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      1118041log(5x  + 3)  - 7973437500x  - 11238750000x  + 5799937500x
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      12774982500x  - 967955625x  - 5963135500x  - 145678050x  + 1749813660x
--R      /
--R      164062500
--R
--E 273                                         Type: Union(Expression(Integer),...)

```

```

--E 273

--S 274 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 274

--S 275 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 275

)clear all

--S 276 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4/(3+5*x)
--R
--R
--R      7       6       5       4       3       2
--R      - 648x  - 756x  + 378x  + 609x  - 56x  - 168x  + 16
--R      (1)  -----
--R                           5x + 3
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 276

--S 277 of 500
r0:=416223/78125*x-138741/31250*x^2-128753/9375*x^3+31251/2500*x^4+_
14958/625*x^5-306/25*x^6-648/35*x^7+1331/390625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      1118041log(5x + 3) - 607500000x7 - 401625000x6 + 785295000x5 + 410169375x4
--R      +
--R      3           2
--R      - 450635500x  - 145678050x  + 174813660x
--R      /
--R      32812500
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 277

--S 278 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)
--R      7          6          5          4
--R      111804log(5x + 3) - 607500000x - 401625000x + 785295000x + 410169375x
--R      +
--R      3          2
--R      - 450635500x - 145678050x + 174813660x
--R      /
--R      32812500
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 278

--S 279 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 279

--S 280 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 280

)clear all

--S 281 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3/(3+5*x)
--R
--R
--R      6          5          4          3          2
--R      - 216x - 108x + 198x + 71x - 66x - 12x + 8
--R      (1) -----
--R                                         5x + 3
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 281

--S 282 of 500
r0:=41223/15625*x-26241/6250*x^2-5003/1875*x^3+2313/250*x^4+_
108/125*x^5-36/5*x^6+1331/78125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      6          5          4          3
--R      7986log(5x + 3) - 3375000x + 405000x + 4336875x - 1250750x
--R      +

```

```

--R          2
--R      - 1968075x  + 1236690x
--R   /
--R      468750
--R
--E 282                                         Type: Expression(Integer)

--S 283 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      6           5           4           3
--R      7986log(5x + 3) - 3375000x  + 405000x  + 4336875x  - 1250750x
--R   +
--R      2
--R      - 1968075x  + 1236690x
--R   /
--R      468750
--R
--E 283                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer)

--S 284 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 284                                         Type: Expression(Integer)

--S 285 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 285                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 286 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2/(3+5*x)
--R
--R
--R      5           4           3           2
--R      - 72x  + 12x  + 58x  - 15x  - 12x + 4
--R      (1)  -----
--R                  5x  + 3
--R
--E 286                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 287 of 500
r0:=3723/3125*x-3741/1250*x^2+622/375*x^3+69/25*x^4-72/25*x^5+_
1331/15625*log(3+5*x)
--R
--R
--R
--R      5          4          3          2
--R      7986log(5x + 3) - 270000x + 258750x + 155500x - 280575x + 111690x
--R      (2) -----
--R                           93750
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 287

--S 288 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      5          4          3          2
--R      7986log(5x + 3) - 270000x + 258750x + 155500x - 280575x + 111690x
--R      (3) -----
--R                           93750
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 288

--S 289 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 289

--S 290 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 290

)clear all

--S 291 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)/(3+5*x)
--R
--R
--R      4          3          2
--R      - 24x + 20x + 6x - 9x + 2
--R      (1) -----
--R                  5x + 3

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 291

--S 292 of 500
r0:=-27/625*x-183/125*x^2+172/75*x^3-6/5*x^4+1331/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R
--R      4          3          2
--R      3993log(5x + 3) - 11250x  + 21500x  - 13725x  - 405x
--R      (2)  -----
--R                                         9375
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 292

--S 293 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      4          3          2
--R      3993log(5x + 3) - 11250x  + 21500x  - 13725x  - 405x
--R      (3)  -----
--R                                         9375
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 293

--S 294 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 294

--S 295 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 295

)clear all

--S 296 of 500
t0:=(1-2*x)^3/(3+5*x)
--R
--R
--R      3          2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      (1)  -----

```

```

--R      5x + 3
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 296

--S 297 of 500
r0:=-402/125*x+42/25*x^2-8/15*x^3+1331/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      3           2
--R      3993log(5x + 3) - 1000x + 3150x - 6030x
--R      (2)  -----
--R                           1875
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 297

--S 298 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      3           2
--R      3993log(5x + 3) - 1000x + 3150x - 6030x
--R      (3)  -----
--R                           1875
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 298

--S 299 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 299

--S 300 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 300

)clear all

--S 301 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)*(3+5*x))
--R
--R
--R      3           2
--R      - 8x + 12x - 6x + 1

```

```

--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  15x  + 19x + 6
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 301

--S 302 of 500
r0:=332/225*x-4/15*x^2-343/27*log(2+3*x)+1331/125*log(3+5*x)
--R
--R
--R
--R      359371log(5x + 3) - 42875log(3x + 2) - 900x  + 4980x
--R      (2)  -----
--R                                         2
--R                                         3375
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 302

--S 303 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      359371log(5x + 3) - 42875log(3x + 2) - 900x  + 4980x
--R      (3)  -----
--R                                         2
--R                                         3375
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 303

--S 304 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 304

--S 305 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 305

)clear all

--S 306 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^2*(3+5*x))
--R
--R

```

```

--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R (1) -----
--R      3      2
--R      45x  + 87x  + 56x + 12
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 306

--S 307 of 500
r0:=-8/45*x+343/27/(2+3*x)-1421/27*log(2+3*x)+1331/25*log(3+5*x)
--R
--R
--R (2)
--R
--R      (107811x + 71874)log(5x + 3) + (- 106575x - 71050)log(3x + 2) - 360x
--R      +
--R      - 240x + 8575
--R /
--R      2025x + 1350
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 307

--S 308 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      (107811x + 71874)log(5x + 3) + (- 106575x - 71050)log(3x + 2) - 360x
--R      +
--R      - 240x + 8575
--R /
--R      2025x + 1350
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 308

--S 309 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 309

--S 310 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 310

)clear all

--S 311 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^3*(3+5*x))
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-8x^3 + 12x^2 - 6x + 1}{135x^4 + 351x^3 + 342x^2 + 148x + 24}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 311

--S 312 of 500
r0:=343/54/(2+3*x)^2+1421/27/(2+3*x)-7189/27*log(2+3*x)+1331/5*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(646866x^2 + 862488x + 287496)\log(5x + 3)}{(2430x^2 + 3240x + 1080)}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 312

--S 313 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(646866x^2 + 862488x + 287496)\log(5x + 3)}{(2430x^2 + 3240x + 1080)}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 313

--S 314 of 500
m0:=a0-r0

```

```

--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 314                                         Type: Expression(Integer)

--S 315 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 315                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 316 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^4*(3+5*x))
--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      (1)  -----
--R      5      4      3      2
--R      405x  + 1323x  + 1728x  + 1128x  + 368x + 48
--R
--E 316                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 317 of 500
r0:=343/81/(2+3*x)^3+1421/54/(2+3*x)^2+7189/27/(2+3*x)-1331*log(2+3*x)+_
1331*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      3      2
--R      (5821794x  + 11643588x  + 7762392x + 1724976)log(5x + 3)
--R      +
--R      3      2
--R      (- 5821794x  - 11643588x  - 7762392x - 1724976)log(3x + 2) + 388206x
--R      +
--R      530397x + 181748
--R      /
--R      3      2
--R      4374x  + 8748x  + 5832x + 1296
--R
--E 317                                         Type: Expression(Integer)

--S 318 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)
--R      3           2
--R      (5821794x  + 11643588x  + 7762392x + 1724976)log(5x + 3)
--R      +
--R      3           2
--R      (- 5821794x  - 11643588x  - 7762392x - 1724976)log(3x + 2) + 388206x
--R      +
--R      530397x + 181748
--R      /
--R      3           2
--R      4374x  + 8748x  + 5832x + 1296
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 318

--S 319 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 319

--S 320 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 320

)clear all

--S 321 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^5*(3+5*x))
--R
--R
--R      3           2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      (1)  -----
--R      6           5           4           3           2
--R      1215x  + 4779x  + 7830x  + 6840x  + 3360x  + 880x + 96
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 321

--S 322 of 500
r0:=343/108/(2+3*x)^4+1421/81/(2+3*x)^3+7189/54/(2+3*x)^2+1331/(2+3*x)-
6655*log(2+3*x)+6655*log(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R      (2)
--R      (174653820x4 + 465743520x3 + 465743520x2 + 206997120x + 34499520)
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      (- 174653820x4 - 465743520x3 - 465743520x2 - 206997120x - 34499520)
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      11643588x3 + 23675382x2 + 16059444x + 3634885
--R      /
--R      26244x4 + 69984x3 + 69984x2 + 31104x + 5184
--R
--E 322                                         Type: Expression(Integer)

--S 323 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      (174653820x4 + 465743520x3 + 465743520x2 + 206997120x + 34499520)
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      (- 174653820x4 - 465743520x3 - 465743520x2 - 206997120x - 34499520)
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      11643588x3 + 23675382x2 + 16059444x + 3634885
--R      /
--R      26244x4 + 69984x3 + 69984x2 + 31104x + 5184
--R
--E 323                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 324 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 324                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 325 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 325

)clear all

--S 326 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^6*(3+5*x))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  3          2
--R                  - 8x    + 12x   - 6x + 1
--R
--R      (1)  -----
--R                  7          6          5          4          3          2
--R      3645x    + 16767x    + 33048x    + 36180x    + 23760x    + 9360x    + 2048x + 192
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 326

--S 327 of 500
r0:=343/135/(2+3*x)^5+1421/108/(2+3*x)^4+7189/81/(2+3*x)^3+1331/2/(2+3*x)^2+_
6655/(2+3*x)-33275*log(2+3*x)+33275*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R                  5          4          3          2
--R      13099036500x    + 43663455000x    + 58217940000x    + 38811960000x
--R
--R      +
--R      12937320000x + 1724976000
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 13099036500x    - 43663455000x    - 58217940000x    - 38811960000x
--R
--R      +
--R      - 12937320000x - 1724976000
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +
--R      4          3          2
--R      873269100x    + 2357826570x    + 2388229560x    + 1075586865x + 181744346
--R
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      393660x    + 1312200x    + 1749600x    + 1166400x    + 388800x + 51840
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 327

```

```

--S 328 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           5           4           3           2
--R   13099036500x + 43663455000x + 58217940000x + 38811960000x
--R   +
--R   12937320000x + 1724976000
--R   *
--R   log(5x + 3)
--R   +
--R           5           4           3           2
--R   - 13099036500x - 43663455000x - 58217940000x - 38811960000x
--R   +
--R   - 12937320000x - 1724976000
--R   *
--R   log(3x + 2)
--R   +
--R           4           3           2
--R   873269100x + 2357826570x + 2388229560x + 1075586365x + 181744346
--R   /
--R           5           4           3           2
--R   393660x + 1312200x + 1749600x + 1166400x + 388800x + 51840
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 328

--S 329 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 329

--S 330 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 330

)clear all

--S 331 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^7*(3+5*x))
--R
--R
--R   (1)

```

```

--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R /
--R      8      7      6      5      4      3      2
--R      10935x  + 57591x  + 132678x  + 174636x  + 143640x  + 75600x  + 24864x
--R +
--R      4672x + 384
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 331

--S 332 of 500
r0:=343/162/(2+3*x)^6+1421/135/(2+3*x)^5+7189/108/(2+3*x)^4+_
1331/3/(2+3*x)^3+6655/2/(2+3*x)^2+33275/(2+3*x)-166375*log(2+3*x)+_
166375*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      6      5      4      3
--R      196485547500x  + 785942190000x  + 1309903650000x  + 1164358800000x
--R +
--R      2
--R      582179400000x  + 155247840000x + 17249760000
--R *
--R      log(5x + 3)
--R +
--R      6      5      4      3
--R      - 196485547500x  - 785942190000x  - 1309903650000x  - 1164358800000x
--R +
--R      2
--R      - 582179400000x  - 155247840000x - 17249760000
--R *
--R      log(3x + 2)
--R +
--R      5      4      3      2
--R      13099036500x  + 44100089550x  + 59401704780x  + 40016101275x
--R +
--R      13482032616x + 1817443594
--R /
--R      6      5      4      3      2
--R      1180980x  + 4723920x  + 7873200x  + 6998400x  + 3499200x  + 933120x
--R +
--R      103680
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 332

--S 333 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)

```

```

--R          6      5      4      3
--R          196485547500x + 785942190000x + 1309903650000x + 1164358800000x
--R
--R          +
--R          2
--R          582179400000x + 155247840000x + 17249760000
--R
--R          *
--R          log(5x + 3)
--R
--R          +
--R          6      5      4      3      2
--R          - 196485547500x - 785942190000x - 1309903650000x - 1164358800000x
--R
--R          +
--R          2
--R          - 582179400000x - 155247840000x - 17249760000
--R
--R          *
--R          log(3x + 2)
--R
--R          +
--R          5      4      3      2
--R          13099036500x + 44100089550x + 59401704780x + 40016101275x
--R
--R          +
--R          13482032616x + 1817443594
--R
--R          /
--R          6      5      4      3      2
--R          1180980x + 4723920x + 7873200x + 6998400x + 3499200x + 933120x
--R
--R          +
--R          103680
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 333

--S 334 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R          (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 334

--S 335 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R          (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 335

)clear all

--S 336 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^8*(3+5*x))
--R
--R

```

```

--R   (1)
--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R   /
--R      9      8      7      6      5      4      3
--R      32805x  + 194643x  + 513216x  + 789264x  + 780192x  + 514080x  + 225792x
--R   +
--R      2
--R      63744x  + 10496x + 768
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 336

--S 337 of 500
r0:=49/27/(2+3*x)^7+1421/162/(2+3*x)^6+7189/135/(2+3*x)^5+1331/4/(2+3*x)^4+_
6655/3/(2+3*x)^3+33275/2/(2+3*x)^2+166375/(2+3*x)-_
831875*log(2+3*x)+831875*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R      7      6      5
--R      2947283212500x  + 13753988325000x  + 27507976650000x
--R   +
--R      4      3      2
--R      30564418500000x  + 20376279000000x  + 8150511600000x
--R   +
--R      1811224800000x + 172497600000
--R   *
--R      log(5x + 3)
--R   +
--R      7      6      5
--R      - 2947283212500x  - 13753988325000x  - 27507976650000x
--R   +
--R      4      3      2
--R      - 30564418500000x  - 20376279000000x  - 8150511600000x
--R   +
--R      - 1811224800000x - 172497600000
--R   *
--R      log(3x + 2)
--R   +
--R      6      5      4      3
--R      196485547500x  + 792491708250x  + 1332026467200x  + 1194258563685x
--R   +
--R      2
--R      602391504582x  + 162081979026x + 18174436072
--R   /
--R      7      6      5      4      3      2
--R      3542940x  + 16533720x  + 33067440x  + 36741600x  + 24494400x  + 9797760x
--R   +
--R      2177280x + 207360
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 337

--S 338 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      7          6          5
--R      2947283212500x + 13753988325000x + 27507976650000x
--R
--R      +
--R      4          3          2
--R      30564418500000x + 20376279000000x + 8150511600000x
--R
--R      +
--R      1811224800000x + 172497600000
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      7          6          5
--R      - 2947283212500x - 13753988325000x - 27507976650000x
--R
--R      +
--R      4          3          2
--R      - 30564418500000x - 20376279000000x - 8150511600000x
--R
--R      +
--R      - 1811224800000x - 172497600000
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      196485547500x + 792491708250x + 1332026467200x + 1194258563685x
--R
--R      +
--R      2
--R      602391504582x + 162081979026x + 18174436072
--R
--R      /
--R      7          6          5          4          3          2
--R      3542940x + 16533720x + 33067440x + 36741600x + 24494400x + 9797760x
--R
--R      +
--R      2177280x + 207360
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 338

--S 339 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 339

--S 340 of 500
d0:=D(m0,x)

```

```

--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 340                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 341 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      (1)
--R      9          8          7          6          5          4          3          2
--R      - 5832x  - 14580x  - 8262x  + 6993x  + 8316x  + 252x  - 2240x  - 528x
--R      +
--R      192x  + 64
--R      /
--R      2
--R      25x  + 30x  + 9
--R
--E 341                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 342 of 500
r0:=13880997/1953125*x-461623/390625*x^2-1836723/78125*x^3-5643/3125*x^4-
    774981/15625*x^5+12231/625*x^6-37908/875*x^7-729/25*x^8-
    (-1331/9765625)/(3+5*x)+23232/9765625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      9          8
--R      (813120x  + 487872)log(5x  + 3) - 9966796875x  - 20787890625x
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      - 2195859375x  + 20966006250x  + 9554422500x  - 8405985000x
--R      +
--R      3          2
--R      - 5225318000x  + 2186822400x  + 1457504685x  - 9317
--R      /
--R      341796875x  + 205078125
--R
--E 342                                         Type: Expression(Integer)

--S 343 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9          8
--R      (813120x  + 487872)log(5x  + 3) - 9966796875x  - 20787890625x

```

```

--R      +
--R      7          6          5          4
--R      - 2195859375x + 20966006250x + 9554422500x - 8405985000x
--R      +
--R      3          2
--R      - 5225318000x + 2186822400x + 1457504685x - 9317
--R      /
--R      341796875x + 205078125
--R
--E 343                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--S 344 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 344                                         Type: Expression(Integer)

--S 345 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 345                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 346 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      8          7          6          5          4          3          2
--R      - 1944x - 3564x - 378x + 2583x + 1050x - 616x - 336x + 48x + 32
--R      (1)  -----
--R
--R
--R      2
--R      25x + 30x + 9
--R
--E 346                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 347 of 500
r0:=1382328/390625*x-507023/156250*x^2-26594/3125*x^3+108387/12500*x^4+_
44982/3125*x^5-1026/125*x^6-1944/175*x^7+(-1331/1953125)/(3+5*x)+_
19239/1953125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      8          7
--R      (2693460x + 1616076)log(5x + 3) - 3037500000x - 4066875000x

```

```

--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      2589300000x + 4732520625x - 904395625x - 2283475250x + 435255450x
--R      +
--R      580577760x - 37268
--R      /
--R      273437500x + 164062500
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 347

--S 348 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (2693460x + 1616076)log(5x + 3) - 3037500000x^8 - 4066875000x^7
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      2589300000x + 4732520625x - 904395625x - 2283475250x + 435255450x
--R      +
--R      580577760x - 37268
--R      /
--R      273437500x + 164062500
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 348

--S 349 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 349

--S 350 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 350

)clear all

--S 351 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      7          6          5          4          3          2

```

```

--R      - 648x  - 756x  + 378x  + 609x  - 56x  - 168x  + 16
--R      (1) -----
--R                           2
--R                           25x  + 30x  + 9
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 351

--S 352 of 500
r0:=133659/78125*x-1816/625*x^2-4217/3125*x^3+7317/1250*x^4+108/625*x^5-
    108/25*x^6+(-1331/390625)/(3+5*x)+15246/390625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      (152460x  + 91476)log(5x  + 3)  - 16875000x  - 9450000x  + 23270625x
--R      +
--R      4           3           2
--R      8448125x  - 14512750x  - 127050x  + 4009770x  - 2662
--R      /
--R      3906250x  + 2343750
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 352

--S 353 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (152460x  + 91476)log(5x  + 3)  - 16875000x  - 9450000x  + 23270625x
--R      +
--R      4           3           2
--R      8448125x  - 14512750x  - 127050x  + 4009770x  - 2662
--R      /
--R      3906250x  + 2343750
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 353

--S 354 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 354

--S 355 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 355

)clear all

--S 356 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      6      5      4      3      2
--R      - 216x  - 108x  + 198x  + 71x  - 66x  - 12x  + 8
--R  (1)  -----
--R                           2
--R                           25x  + 30x  + 9
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 356

--S 357 of 500
r0:=1998/3125*x^12077/6250*x^2+786/625*x^3+189/125*x^4-216/125*x^5+_
(-1331/78125)/(3+5*x)+11253/78125*log(3+5*x)
--R
--R
--R  (2)
--R      6      5      4
--R      (112530x  + 67518)log(5x  + 3) - 1350000x  + 371250x  + 1691250x
--R      +
--R      3      2
--R      - 920125x  - 406275x  + 299700x - 2662
--R  /
--R      781250x  + 468750
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 357

--S 358 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R  (3)
--R      6      5      4
--R      (112530x  + 67518)log(5x  + 3) - 1350000x  + 371250x  + 1691250x
--R      +
--R      3      2
--R      - 920125x  - 406275x  + 299700x - 2662
--R  /
--R      781250x  + 468750
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 358

--S 359 of 500

```

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 359                                         Type: Expression(Integer)

--S 360 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 360                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 361 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 72x  + 12x  + 58x  - 15x  - 12x  + 4
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  25x  + 30x  + 9
--R
--E 361                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 362 of 500
r0:=-1179/3125*x-427/625*x^2+164/125*x^3-18/25*x^4+(-1331/15625)/(3+5*x)+_
1452/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      (36300x  + 21780)log(5x  + 3) - 56250x  + 68750x  + 8125x  - 61500x
--R      +
--R      - 17685x - 1331
--R      /
--R      78125x  + 46875
--R
--E 362                                         Type: Expression(Integer)

--S 363 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R

```

```

--R      (36300x + 21780)log(5x + 3) - 56250x  + 68750x  + 8125x  - 61500x
--R      +
--R      - 17685x - 1331
--R      /
--R      78125x + 46875
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 363

--S 364 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 364

--S 365 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 365

)clear all

--S 366 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)/(3+5*x)^2
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 24x  + 20x  + 6x  - 9x  + 2
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  25x  + 30x  + 9
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 366

--S 367 of 500
r0:=-1098/625*x+122/125*x^2-8/25*x^3+(-1331/3125)/(3+5*x)+3267/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      4      3      2
--R      (16335x + 9801)log(5x + 3) - 5000x  + 12250x  - 18300x  - 16470x - 1331
--R      -----
--R                  15625x  + 9375
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 367

```

```

--S 368 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R   
$$\frac{(16335x + 9801)\log(5x + 3) - 5000x^4 + 12250x^3 - 18300x^2 - 16470x - 1331}{15625x^4 + 9375}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 368

--S 369 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 369

--S 370 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 370

)clear all

--S 371 of 500
t0:=(1-2*x)^3/(3+5*x)^2
--R
--R
--R   (1) 
$$\frac{-8x^3 + 12x^2 - 6x + 1}{25x^2 + 30x + 9}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 371

--S 372 of 500
r0:=108/125*x-4/25*x^2+(-1331/625)/(3+5*x)-726/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2) 
$$\frac{(-3630x^3 - 2178)\log(5x + 3) - 500x^3 + 2400x^2 + 1620x - 1331}{3125x^2 + 1875}$$


```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 372

--S 373 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
--R      (- 3630x3 - 2178)log(5x + 3) - 500x2 + 2400x3 + 1620x2 - 1331
--R      (3)  -----
--R                                         3125x + 1875
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 373

--S 374 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 374

--S 375 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 375

)clear all

--S 376 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      - 8x3 + 12x2 - 6x + 1
--R      (1)  -----
--R      75x3 + 140x2 + 87x + 18
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 376

--S 377 of 500
r0:=-8/75*x+(-1331/125)/(3+5*x)+343/9*log(2+3*x)-4719/125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R

```

```

--R      (- 212355x - 127413)log(5x + 3) + (214375x + 128625)log(3x + 2) - 600x
--R      +
--R      - 360x - 11979
--R      /
--R      5625x + 3375
--R
--E 377                                         Type: Expression(Integer)

--S 378 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (- 212355x - 127413)log(5x + 3) + (214375x + 128625)log(3x + 2) - 600x
--R      +
--R      - 360x - 11979
--R      /
--R      5625x + 3375
--R
--E 378                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         2

--S 379 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 379                                         Type: Expression(Integer)

--S 380 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 380                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 381 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^2*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x    + 12x   - 6x + 1
--R      (1)  -----
--R      4      3      2
--R      225x    + 570x   + 541x   + 228x + 36
--R
--E 381                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 381

--S 382 of 500
r0:=(-343/9)/(2+3*x)+(-1331/25)/(3+5*x)+3136/9*log(2+3*x)-8712/25*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R           2
--R   (- 1176120x - 1489752x - 470448)log(5x + 3)
--R   +
--R           2
--R   (1176000x + 1489600x + 470400)log(3x + 2) - 78812x - 49683
--R   /
--R           2
--R   3375x + 4275x + 1350
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 382

--S 383 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           2
--R   (- 1176120x - 1489752x - 470448)log(5x + 3)
--R   +
--R           2
--R   (1176000x + 1489600x + 470400)log(3x + 2) - 78812x - 49683
--R   /
--R           2
--R   3375x + 4275x + 1350
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 383

--S 384 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 384

--S 385 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 385

```

```

)clear all

--S 386 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^3*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-8x^3 + 12x^2 - 6x + 1}{675x^5 + 2160x^4 + 2763x^3 + 1766x^2 + 564x + 72}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 386

--S 387 of 500
r0:=(-343/18)/(2+3*x)^2+(-3136/9)/(2+3*x)+(-1331/5)/(3+5*x)+_
2541*log(2+3*x)-2541*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(-10291050x^3 - 19896030x^2 - 12806640x - 2744280)\log(5x + 3)}{(10291050x^3 + 19896030x^2 + 12806640x + 2744280)\log(3x + 2) - 686022x^2}$$

--R
--R
$$+ \frac{-891911x - 289137}{4050x^3 + 7830x^2 + 5040x + 1080}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 387

--S 388 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(-10291050x^3 - 19896030x^2 - 12806640x - 2744280)\log(5x + 3)}{(10291050x^3 + 19896030x^2 + 12806640x + 2744280)\log(3x + 2) - 686022x^2}$$

--R
--R
$$+ \frac{-891911x - 289137}{4050x^3 + 7830x^2 + 5040x + 1080}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 388

```

```

--S 389 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 389                                         Type: Expression(Integer)

--S 390 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 390                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 391 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^4*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x  + 1
--R      (1)  -----
--R      6      5      4      3      2
--R      2025x  + 7830x  + 12609x  + 10824x  + 5224x  + 1344x  + 144
--R
--E 391                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 392 of 500
r0:=(-343/27)/(2+3*x)^3+(-1568/9)/(2+3*x)^2+(-2541)/(2+3*x)+_
      (-1331)/(3+5*x)+16698*log(2+3*x)-16698*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      4      3      2
--R      (- 60864210x  - 158246946x  - 154189332x  - 66725208x  - 10820304)
--R      *
--R      log(5x  + 3)
--R      +
--R      4      3      2
--R      (60864210x  + 158246946x  + 154189332x  + 66725208x  + 10820304)
--R      *
--R      log(3x  + 2)
--R      +
--R      3      2
--R      - 4057614x  - 7979967x  - 5226815x  - 1140033
--R      /

```

```

--R      4      3      2
--R      3645x  + 9477x  + 9234x  + 3996x + 648
--R
--E 392                                         Type: Expression(Integer)

--S 393 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      (- 60864210x^4 - 158246946x^3 - 154189332x^2 - 66725208x - 10820304)
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      (60864210x^4 + 158246946x^3 + 154189332x^2 + 66725208x + 10820304)
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      - 4057614x^3 - 7979967x^2 - 5226815x - 1140033
--R      /
--R      3645x^4 + 9477x^3 + 9234x^2 + 3996x + 648
--R
--E 393                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
                                         Type: Expression(Integer),...)

--S 394 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 394                                         Type: Expression(Integer)

--S 395 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 395                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 396 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^5*(3+5*x)^2)
--R
--R

```

```

--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R
--R      (1) -----
--R
--R      7      6      5      4      3      2
--R      6075x  + 27540x  + 53487x  + 57690x  + 37320x  + 14480x  + 3120x + 288
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 396

--S 397 of 500
r0:=(-343/36)/(2+3*x)^4+(-3136/27)/(2+3*x)^3+(-2541/2)/(2+3*x)^2+_
(-16698)/(2+3*x)+(-6655)/(3+5*x)+103455*log(2+3*x)-103455*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 4525121700x  - 14782064220x  - 19307185920x  - 12603301920x
--R
--R      +
--R      - 4111715520x - 536310720
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      4525121700x  + 14782064220x  + 19307185920x  + 12603301920x
--R
--R      +
--R      4111715520x + 536310720
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 301674780x  - 794410254x  - 784130946x  - 343827337x - 56505975
--R
--R      /
--R      5      4      3      2
--R      43740x  + 142884x  + 186624x  + 121824x  + 39744x + 5184
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 397

--S 398 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 4525121700x  - 14782064220x  - 19307185920x  - 12603301920x
--R
--R      +
--R      - 4111715520x - 536310720
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      5      4      3      2
--R      4525121700x  + 14782064220x  + 19307185920x  + 12603301920x

```

```

--R      +
--R      4111715520x + 536310720
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4           3           2
--R      - 301674780x - 794410254x - 784130946x - 343827337x - 56505975
--R      /
--R      5           4           3           2
--R      43740x + 142884x + 186624x + 121824x + 39744x + 5184
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 398

--S 399 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 399

--S 400 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 400

)clear all

--S 401 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^6*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)
--R      3           2
--R      - 8x + 12x - 6x + 1
--R      /
--R      8           7           6           5           4           3           2
--R      18225x + 94770x + 215541x + 280044x + 227340x + 118080x + 38320x
--R      +
--R      7104x + 576
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 401

--S 402 of 500
r0:=(-343/45)/(2+3*x)^5+(-784/9)/(2+3*x)^4+(-847)/(2+3*x)^3+_
(-8349)/(2+3*x)^2+(-103455)/(2+3*x)+(-33275)/(3+5*x)+_
617100*log(2+3*x)-617100*log(3+5*x)

```

```

--R
--R
--R (2)
--R
--R      6          5          4          3
--R      - 33739942500x  - 132710440500x  - 217435185000x  - 189943380000x
--R
--R      +
--R      2
--R      - 93305520000x  - 24437160000x  - 2665872000
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      33739942500x  + 132710440500x  + 217435185000x  + 189943380000x
--R
--R      +
--R      2
--R      93305520000x  + 24437160000x  + 2665872000
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 2249329500x  - 7422787350x  - 9795413430x  - 6461351715x  - 2130399775x
--R
--R      +
--R      - 280877649
--R
--R      /
--R      6          5          4          3          2
--R      54675x  + 215055x  + 352350x  + 307800x  + 151200x  + 39600x  + 4320
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 402

--S 403 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      6          5          4          3
--R      - 33739942500x  - 132710440500x  - 217435185000x  - 189943380000x
--R
--R      +
--R      2
--R      - 93305520000x  - 24437160000x  - 2665872000
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R      6          5          4          3
--R      33739942500x  + 132710440500x  + 217435185000x  + 189943380000x
--R
--R      +
--R      2
--R      93305520000x  + 24437160000x  + 2665872000
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +

```

```

--R      5          4          3          2
--R      - 2249329500x  - 7422787350x  - 9795413430x  - 6461351715x  - 2130399775x
--R      +
--R      - 280877649
--R      /
--R      6          5          4          3          2
--R      54675x  + 215055x  + 352350x  + 307800x  + 151200x  + 39600x + 4320
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 403

--S 404 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 404

--S 405 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 405

)clear all

--S 406 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^7*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)
--R      3          2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      /
--R      9          8          7          6          5          4
--R      54675x  + 320760x  + 836163x  + 1271214x  + 1242108x  + 808920x
--R      +
--R      3          2
--R      351120x  + 97952x  + 15936x + 1152
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 406

--S 407 of 500
r0:=(-343/54)/(2+3*x)^6+(-3136/45)/(2+3*x)^5+(-2541/4)/(2+3*x)^4+_
    (-5566)/(2+3*x)^3+(-103455/2)/(2+3*x)^2+(-617100)/(2+3*x)+_
    (-166375)/(3+5*x)+3584625*log(2+3*x)-3584625*log(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R      (2)
--R
--R      - 7055617387500x7 - 32455839982500x6 - 63970930980000x5
--R      +
--R      - 70033535550000x4 - 45992172600000x3 - 18118128600000x2
--R      +
--R      - 3964308480000x - 371653920000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7055617387500x7 + 32455839982500x6 + 63970930980000x5
--R      +
--R      70033535550000x4 + 45992172600000x3 + 18118128600000x2
--R      +
--R      3964308480000x + 371653920000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      - 470374492500x6 - 1865818820250x5 - 3083217691950x4 - 2716778541015x3
--R      +
--R      - 1346292632205x2 - 355739265638x - 39157648662
--R      /
--R      1968300x7 + 9054180x6 + 17845920x5 + 19537200x4 + 12830400x3 + 5054400x2
--R      +
--R      1105920x + 103680
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 407

--S 408 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R
--R      - 7055617387500x7 - 32455839982500x6 - 63970930980000x5
--R      +
--R      - 70033535550000x4 - 45992172600000x3 - 18118128600000x2
--R      +
--R      - 3964308480000x - 371653920000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7
                                         6
                                         5
                                         4
                                         3
                                         2

```

```

--R      7055617387500x + 32455839982500x + 63970930980000x
--R      +
--R      4          3          2
--R      70033535550000x + 45992172600000x + 18118128600000x
--R      +
--R      3964308480000x + 371653920000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6          5          4          3          2
--R      - 470374492500x - 1865818820250x - 3083217691950x - 2716778541015x
--R      +
--R      2
--R      - 1346292632205x - 355739265638x - 39157648662
--R      /
--R      7          6          5          4          3          2
--R      1968300x + 9054180x + 17845920x + 19537200x + 12830400x + 5054400x
--R      +
--R      1105920x + 103680
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 408

--S 409 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 409

--S 410 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 410

)clear all

--S 411 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^8*(3+5*x)^2)
--R
--R
--R      (1)
--R      3          2
--R      - 8x + 12x - 6x + 1
--R      /
--R      10          9          8          7          6          5
--R      164025x + 1071630x + 3150009x + 5485968x + 6268752x + 4910976x

```

```

--R      +
--R      4      3      2
--R      2671200x  + 996096x  + 243712x  + 35328x + 2304
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 411

--S 412 of 500
r0:=(-49/9)/(2+3*x)^7+(-1568/27)/(2+3*x)^6+(-2541/5)/(2+3*x)^5+_
(-8349/2)/(2+3*x)^4+(-34485)/(2+3*x)^3+(-308550)/(2+3*x)^2+_
(-3584625)/(2+3*x)+(-831875)/(3+5*x)+20418750*log(2+3*x)-_
20418750*log(3+5*x)

--R
--R
--R      (2)
--R      - 60285338437500x^8 - 317502782437500x^7 - 731462106375000x^6
--R      +
--R      - 962779182750000x^5 - 791896297500000x^4 - 416787525000000x^3
--R      +
--R      - 137076786000000x^2 - 25757028000000x - 2117016000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      60285338437500x^8 + 317502782437500x^7 + 731462106375000x^6
--R      +
--R      962779182750000x^5 + 791896297500000x^4 + 416787525000000x^3
--R      +
--R      137076786000000x^2 + 25757028000000x + 2117016000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      - 4019022562500x^7 - 18621471206250x^6 - 36972030521250x^5
--R      +
--R      - 40775613627375x^4 - 26978454053595x^3 - 10708299857748x^2 - 2360937751874x
--R      +
--R      - 223049897418
--R      /
--R      2952450x^8 + 15549570x^7 + 35823060x^6 + 47151720x^5 + 38782800x^4
--R      +
--R      20412000x^3 + 6713280x^2 + 1261440x + 103680
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 412

--S 413 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R
--R      8          7          6
--R      - 60285338437500x  - 317502782437500x  - 731462106375000x
--R
--R      +
--R
--R      5          4          3
--R      - 962779182750000x  - 791896297500000x  - 416787525000000x
--R
--R      +
--R
--R      2
--R      - 137076786000000x  - 25757028000000x  - 2117016000000
--R
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R
--R      +
--R
--R      8          7          6
--R      60285338437500x  + 317502782437500x  + 731462106375000x
--R
--R      +
--R
--R      5          4          3
--R      962779182750000x  + 791896297500000x  + 416787525000000x
--R
--R      +
--R
--R      2
--R      137076786000000x  + 25757028000000x  + 2117016000000
--R
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R
--R      +
--R
--R      7          6          5
--R      - 4019022562500x  - 18621471206250x  - 36972030521250x
--R
--R      +
--R
--R      4          3          2
--R      - 40775613627375x  - 26978454053595x  - 10708299857748x  - 2360937751874x
--R
--R      +
--R
--R      - 223049897418
--R
--R      /
--R
--R      8          7          6          5          4
--R      2952450x  + 15549570x  + 35823060x  + 47151720x  + 38782800x
--R
--R      +
--R
--R      3          2
--R      20412000x  + 6713280x  + 1261440x  + 103680
--R
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 413

--S 414 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 414

--S 415 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 415

)clear all

--S 416 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^7/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      (1)
--R      10          9          8          7          6          5          4
--R      - 17496x   - 55404x   - 53946x   + 4455x   + 38934x   + 17388x   - 6216x
--R      +
--R      3          2
--R      - 6064x   - 480x   + 576x   + 128
--R      /
--R      3          2
--R      125x   + 225x   + 135x   + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 416

--S 417 of 500
r0:=46214407/9765625*x-2300646/1953125*x^2-5918904/390625*x^3+_
6507/62500*x^4+491913/15625*x^5+33291/3125*x^6-119556/4375*x^7-_
2187/125*x^8+(-1331/97656250)/(3+5*x)^2+(-1089/1953125)/(3+5*x)+_
47289/9765625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (165511500x  + 198613800x  + 59584140)log(5x  + 3)  - 598007812500x
--R      +
--R      9          8          7          6
--R      - 1651640625000x  - 972000000000x  + 1176752812500x  + 1425913453125x
--R      +
--R      5          4          3          2
--R      - 126252393750x  - 660465159375x  - 73008617500x  + 179606439600x
--R      +
--R      58226341320x  - 2305534
--R      /
--R      2
--R      34179687500x  + 41015625000x  + 12304687500

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 417

--S 418 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R
--R   (165511500x2 + 198613800x + 59584140)log(5x + 3) - 598007812500x10
--R
--R   +
--R   - 1651640625000x9 - 972000000000x8 + 1176752812500x7 + 1425913453125x6
--R
--R   +
--R   - 126252393750x5 - 660465159375x4 - 73008617500x3 + 179606439600x2
--R
--R   +
--R   58226341320x - 2305534
--R
--R   /
--R   34179687500x2 + 41015625000x + 12304687500
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 418

--S 419 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 419

--S 420 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 420

)clear all

--S 421 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^6/(3+5*x)^3
--R
--R
--R   (1)
--R   - 5832x9 - 14580x8 - 8262x7 + 6993x6 + 8316x5 + 252x4 - 2240x3 - 528x2
--R
--R   +

```

```

--R      192x + 64
--R      /
--R      3      2
--R      125x  + 225x  + 135x + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 421

--S 422 of 500
r0:=4571416/1953125*x-915777/390625*x^2-81747/15625*x^3+74223/12500*x^4-
134622/15625*x^5-3402/625*x^6-5832/875*x^7+(-1331/19531250)/(3+5*x)^2+_
(-23232/9765625)/(3+5*x)+166749/9765625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (116724300x  + 140069160x + 42020748)log(5x + 3) - 45562500000x
--R      +
--R      8      7      6      5
--R      - 91884375000x  - 2156625000x  + 97871878125x  + 34147496250x
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 44330619375x  - 16106513500x  + 13430552100x  + 5756731680x - 1970122
--R      /
--R      2
--R      6835937500x  + 8203125000x + 2460937500
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 422

--S 423 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (116724300x  + 140069160x + 42020748)log(5x + 3) - 45562500000x
--R      +
--R      8      7      6      5
--R      - 91884375000x  - 2156625000x  + 97871878125x  + 34147496250x
--R      +
--R      4      3      2
--R      - 44330619375x  - 16106513500x  + 13430552100x  + 5756731680x - 1970122
--R      /
--R      2
--R      6835937500x  + 8203125000x + 2460937500
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 423

--S 424 of 500
m0:=a0-r0
--R

```

```

--R
--R      (4)  0
--R
--E 424                                         Type: Expression(Integer)

--S 425 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 425                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 426 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^5/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      8       7       6       5       4       3       2
--R      - 1944x  - 3564x  - 378x  + 2583x  + 1050x  - 616x  - 336x  + 48x  + 32
--R      (1) -----
--R                  3       2
--R                  125x  + 225x  + 135x  + 27
--R
--E 426                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 427 of 500
r0:=424432/390625*x-62097/31250*x^2-393/625*x^3+22977/6250*x^4-
324/3125*x^5-324/125*x^6+(-1331/3906250)/(3+5*x)^2+
(-19239/1953125)/(3+5*x)+109032/1953125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (5451600x  + 6541920x + 1962576)log(5x  + 3) - 253125000x  - 313875000x
--R      +
--R      6       5       4       3       2
--R      255740625x  + 365767500x  - 138495000x  - 148862000x  + 57470475x
--R      +
--R      38006490x - 116765
--R      /
--R      2
--R      97656250x  + 117187500x + 35156250
--R
--E 427                                         Type: Expression(Integer)

--S 428 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)
--R      2
--R      (5451600x + 6541920x + 1962576)log(5x + 3) - 253125000x - 313875000x
--R      +
--R      6      5      4      3      2
--R      255740625x + 365767500x - 138495000x - 148862000x + 57470475x
--R      +
--R      38006490x - 116765
--R      /
--R      2
--R      97656250x + 117187500x + 35156250
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 428

--S 429 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 429

--S 430 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 430

)clear all

--S 431 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^4/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      7      6      5      4      3      2
--R      - 648x - 756x + 378x + 609x - 56x - 168x + 16
--R      (1) -----
--R                  3      2
--R                  125x + 225x + 135x + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 431

--S 432 of 500
r0:=4691/15625*x^7-7617/6250*x^6+2826/3125*x^5+513/625*x^4-648/625*x^3+_
(-1331/781250)/(3+5*x)^2+(-15246/390625)/(3+5*x)+63294/390625*log(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R           2                                     7             6
--R       (3164700x  + 3797640x + 1139292)log(5x + 3) - 20250000x  - 8268750x
--R   +
--R           5             4             3             2
--R       29610000x  + 3163125x  - 16341500x  - 1532625x  + 1958490x - 92807
--R   /
--R           2
--R       19531250x  + 23437500x + 7031250
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 432

--S 433 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           2                                     7             6
--R       (3164700x  + 3797640x + 1139292)log(5x + 3) - 20250000x  - 8268750x
--R   +
--R           5             4             3             2
--R       29610000x  + 3163125x  - 16341500x  - 1532625x  + 1958490x - 92807
--R   /
--R           2
--R       19531250x  + 23437500x + 7031250
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 433

--S 434 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 434

--S 435 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 435

)clear all

--S 436 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^3/(3+5*x)^3
--R
--R

```

```

--R      6      5      4      3      2
--R      - 216x  - 108x  + 198x  + 71x  - 66x  - 12x  + 8
--R      (1) -----
--R                  3      2
--R                  125x  + 225x  + 135x  + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 436

--S 437 of 500
r0:=-1303/3125*x^9-927/3125*x^8+468/625*x^7-54/125*x^6+_
(-1331/156250)/(3+5*x)^2+(-11253/78125)/(3+5*x)+5907/15625*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (1476750x  + 1772100x + 531630)log(5x + 3) - 1687500x  + 900000x
--R      +
--R      4      3      2
--R      1743750x  - 1966250x  - 2371650x  - 698880x - 68849
--R      /
--R      2
--R      3906250x  + 4687500x + 1406250
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 437

--S 438 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (1476750x  + 1772100x + 531630)log(5x + 3) - 1687500x  + 900000x
--R      +
--R      4      3      2
--R      1743750x  - 1966250x  - 2371650x  - 698880x - 68849
--R      /
--R      2
--R      3906250x  + 4687500x + 1406250
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 438

--S 439 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 439

--S 440 of 500

```

```

d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 440                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 441 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)^2/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      5      4      3      2
--R      - 72x  + 12x  + 58x  - 15x  - 12x  + 4
--R      (1) -----
--R                  3      2
--R                  125x  + 225x  + 135x  + 27
--R
--E 441                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 442 of 500
r0:=-2978/3125*x+354/625*x^2-24/125*x^3+(-1331/31250)/(3+5*x)^2+_
(-1452/3125)/(3+5*x)+1551/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      2
--R      (387750x  + 465300x  + 139590)log(5x  + 3) - 150000x  + 262500x  - 267500x
--R      +
--R      2
--R      - 734100x  - 340620x  - 44891
--R      /
--R      2
--R      781250x  + 937500x  + 281250
--R
--E 442                                         Type: Expression(Integer)

--S 443 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      2
--R      (387750x  + 465300x  + 139590)log(5x  + 3) - 150000x  + 262500x  - 267500x
--R      +
--R      2
--R      - 734100x  - 340620x  - 44891
--R      /
--R      2

```

```

--R      781250x + 937500x + 281250
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 443

--S 444 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 444

--S 445 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 445

)clear all

--S 446 of 500
t0:=(1-2*x)^3*(2+3*x)/(3+5*x)^3
--R
--R
--R      4      3      2
--R      - 24x  + 20x  + 6x  - 9x  + 2
--R      (1) -----
--R            3      2
--R            125x  + 225x  + 135x  + 27
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 446

--S 447 of 500
r0:=316/625*x-12/125*x^2+(-1331/6250)/(3+5*x)^2+(-3267/3125)/(3+5*x)-_
2046/3125*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R            2
--R            (- 102300x  - 122760x  - 36828)log(5x + 3) - 15000x  + 61000x  + 89400x
--R      +
--R            - 4230x  - 20933
--R      /
--R            2
--R            156250x  + 187500x + 56250
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 447

```

```

--S 448 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           2                                     4         3         2
--R   (- 102300x - 122760x - 36828)log(5x + 3) - 15000x + 61000x + 89400x
--R   +
--R   - 4230x - 20933
--R   /
--R           2
--R   156250x + 187500x + 56250                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 448

--S 449 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0                                         Type: Expression(Integer)
--E 449

--S 450 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0                                         Type: Expression(Integer)
--E 450

)clear all

--S 451 of 500
t0:=(1-2*x)^3/(3+5*x)^3
--R
--R
--R           3         2
--R   - 8x + 12x - 6x + 1
--R   (1)  -----
--R           3         2
--R   125x + 225x + 135x + 27                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 451

--S 452 of 500
r0:=-8/125*x+(-1331/1250)/(3+5*x)^2+726/625/(3+5*x)+132/625*log(3+5*x)
--R
--R
--R           2                                     3         2

```

```

--R      (6600x + 7920x + 2376)log(5x + 3) - 2000x - 2400x + 6540x + 3025
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           31250x + 37500x + 11250
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 452

--S 453 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      2
--R      (6600x + 7920x + 2376)log(5x + 3) - 2000x - 2400x + 6540x + 3025
--R      (3) -----
--R                           2
--R                           31250x + 37500x + 11250
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 453

--S 454 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 454

--S 455 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 455

)clear all

--S 456 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x + 12x - 6x + 1
--R      (1) -----
--R      4      3      2
--R      375x + 925x + 855x + 351x + 54
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 456

--S 457 of 500

```

```

r0:=(-1331/250)/(3+5*x)^2+4719/125/(3+5*x)-343/3*log(2+3*x)+_
14289/125*log(3+5*x)
--R
--R
--R (2)
--R      2
--R      (2143350x + 2572020x + 771606)log(5x + 3)
--R      +
--R      2
--R      (- 2143750x - 2572500x - 771750)log(3x + 2) + 141570x + 80949
--R      /
--R      2
--R      18750x + 22500x + 6750
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 457

--S 458 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R      2
--R      (2143350x + 2572020x + 771606)log(5x + 3)
--R      +
--R      2
--R      (- 2143750x - 2572500x - 771750)log(3x + 2) + 141570x + 80949
--R      /
--R      2
--R      18750x + 22500x + 6750
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 458

--S 459 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 459

--S 460 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 460

)clear all

```

```

--S 461 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^2*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{-8x^3 + 12x^2 - 6x + 1}{1125x^5 + 3525x^4 + 4415x^3 + 2763x^2 + 864x + 108}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 461

--S 462 of 500
r0:=343/3/(2+3*x)+(-1331/50)/(3+5*x)^2+8712/25/(3+5*x)-1617*log(2+3*x)+_
1617*log(3+5*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(18191250x^3 + 33957000x^2 + 21101850x + 4365900)\log(5x + 3) + (-18191250x^3 - 33957000x^2 - 21101850x - 4365900)\log(3x + 2) + 1212830x^2 + 1495689x + 459996}{11250x^3 + 21000x^2 + 13050x + 2700}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 462

--S 463 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R
$$(3) \frac{(18191250x^3 + 33957000x^2 + 21101850x + 4365900)\log(5x + 3) + (-18191250x^3 - 33957000x^2 - 21101850x - 4365900)\log(3x + 2) + 1212830x^2 + 1495689x + 459996}{11250x^3 + 21000x^2 + 13050x + 2700}$$

--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 463

--S 464 of 500

```

```

m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--E 464                                         Type: Expression(Integer)

--S 465 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--E 465                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 466 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^3*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      3      2
--R      - 8x  + 12x  - 6x  + 1
--R      (1)  -----
--R      6      5      4      3      2
--R      3375x  + 12825x  + 20295x  + 17119x  + 8118x  + 2052x + 216
--R
--E 466                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 467 of 500
r0:=343/6/(2+3*x)^2+1617/(2+3*x)+(-1331/10)/(3+5*x)^2+2541/(3+5*x)-
15708*log(2+3*x)+15708*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      4      3      2
--R      (106029000x  + 268606800x  + 254940840x  + 107442720x + 16964640)
--R      *
--R      log(5x  + 3)
--R      +
--R      4      3      2
--R      (- 106029000x  - 268606800x  - 254940840x  - 107442720x - 16964640)
--R      *
--R      log(3x  + 2)
--R      +
--R      3      2
--R      7068600x  + 13430348x  + 8492784x + 1787403
--R      /
--R      4      3      2
--R      6750x  + 17100x  + 16230x  + 6840x + 1080

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 467

--S 468 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R   (3)
--R           4          3          2
--R   (106029000x + 268606800x + 254940840x + 107442720x + 16964640)
--R   *
--R   log(5x + 3)
--R   +
--R           4          3          2
--R   (- 106029000x - 268606800x - 254940840x - 107442720x - 16964640)
--R   *
--R   log(3x + 2)
--R   +
--R           3          2
--R   7068600x + 13430348x + 8492784x + 1787403
--R   /
--R           4          3          2
--R   6750x + 17100x + 16230x + 6840x + 1080
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 468

--S 469 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R   (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 469

--S 470 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R   (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 470

)clear all

--S 471 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^4*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R   (1)
--R           3          2

```

```

--R          - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R  -----
--R          7      6      5      4      3      2
--R  10125x  + 45225x  + 86535x  + 91947x  + 58592x  + 22392x  + 4752x + 432
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 471

--S 472 of 500
r0:=343/9/(2+3*x)^3+1617/2/(2+3*x)^2+15708/(2+3*x)+(-1331/2)/(3+5*x)^2+_
16698/(3+5*x)-128634*log(2+3*x)+128634*log(3+5*x)
--R
--R
--R (2)
--R          5      4      3      2
--R  1562903100x  + 5001289920x  + 6397483356x  + 4089017592x
--R +
--R  1305892368x + 166709664
--R *
--R  log(5x + 3)
--R +
--R          5      4      3      2
--R  - 1562903100x  - 5001289920x  - 6397483356x  - 4089017592x
--R +
--R  - 1305892368x - 166709664
--R *
--R  log(3x + 2)
--R +
--R          4      3      2
--R  104193540x  + 267430086x  + 257165096x  + 109804551x + 17564616
--R /
--R          5      4      3      2
--R  12150x  + 38880x  + 49734x  + 31788x  + 10152x + 1296
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 472

--S 473 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R          5      4      3      2
--R  1562903100x  + 5001289920x  + 6397483356x  + 4089017592x
--R +
--R  1305892368x + 166709664
--R *
--R  log(5x + 3)
--R +
--R          5      4      3      2
--R  - 1562903100x  - 5001289920x  - 6397483356x  - 4089017592x
--R +

```

```

--R      - 1305892368x - 166709664
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      4          3          2
--R      104193540x  + 267430086x  + 257165096x  + 109804551x + 17564616
--R      /
--R      5          4          3          2
--R      12150x  + 38880x  + 49734x  + 31788x  + 10152x + 1296
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 473

--S 474 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 474

--S 475 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 475

)clear all

--S 476 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^5*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      3          2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      /
--R      8          7          6          5          4          3          2
--R      30375x  + 155925x  + 350055x  + 448911x  + 359670x  + 184360x  + 59040x
--R      +
--R      10800x + 864
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 476

--S 477 of 500
r0:=343/12/(2+3*x)^4+539/(2+3*x)^3+7854/(2+3*x)^2+128634/(2+3*x)+_
(-6655/2)/(3+5*x)^2+103455/(3+5*x)-953535*log(2+3*x)+953535*log(3+5*x)
--R
--R

```

```

--R (2)
--R
--R      6           5           4           3
--R      23170900500x + 89594148600x + 144277473780x + 123852754080x
--R      +
--R      2
--R      59775202080x + 15378612480x + 1647708480
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6           5           4           3           3
--R      - 23170900500x - 89594148600x - 144277473780x - 123852754080x
--R      +
--R      2
--R      - 59775202080x - 15378612480x - 1647708480
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      1544726700x + 4994616330x + 6455813364x + 4169655991x + 1345680462x
--R      +
--R      173603415
--R      /
--R      6           5           4           3           2
--R      24300x + 93960x + 151308x + 129888x + 62688x + 16128x + 1728
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 477

--S 478 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R (3)
--R
--R      6           5           4           3
--R      23170900500x + 89594148600x + 144277473780x + 123852754080x
--R      +
--R      2
--R      59775202080x + 15378612480x + 1647708480
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      6           5           4           3           3
--R      - 23170900500x - 89594148600x - 144277473780x - 123852754080x
--R      +
--R      2
--R      - 59775202080x - 15378612480x - 1647708480
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      5           4           3           2
--R      1544726700x + 4994616330x + 6455813364x + 4169655991x + 1345680462x

```

```

--R      +
--R      173603415
--R      /
--R      6      5      4      3      2
--R      24300x + 93960x + 151308x + 129888x + 62688x + 16128x + 1728
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 478

--S 479 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 479

--S 480 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 480

)clear all

--S 481 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^6*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      3      2
--R      - 8x + 12x - 6x + 1
--R      /
--R      9      8      7      6      5      4
--R      91125x + 528525x + 1362015x + 2046843x + 1976832x + 1272420x
--R      +
--R      3      2
--R      545840x + 150480x + 24192x + 1728
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 481

--S 482 of 500
r0:=343/15/(2+3*x)^5+1617/4/(2+3*x)^4+5236/(2+3*x)^3+64317/(2+3*x)^2+_
953535/(2+3*x)+(-33275/2)/(3+5*x)^2+617100/(3+5*x)-_
6618975*log(2+3*x)+6618975*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      7      6      5

```

```

--R      2412616387500x + 10937194290000x + 21241746949500x
--R      +
--R      4          3          2
--R      22910920065000x + 14821208820000x + 5750565480000x
--R      +
--R      1239072120000x + 114375888000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7          6          5
--R      - 2412616387500x - 10937194290000x - 21241746949500x
--R      +
--R      4          3          2
--R      - 22910920065000x - 14821208820000x - 5750565480000x
--R      +
--R      - 1239072120000x - 114375888000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6          5          4          3
--R      160841092500x + 627280260750x + 1018898535600x + 882286862985x
--R      +
--R      2
--R      429553050280x + 111486629505x + 12050702538
--R      /
--R      7          6          5          4          3          2
--R      364500x + 1652400x + 3209220x + 3461400x + 2239200x + 868800x
--R      +
--R      187200x + 17280
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 482

--S 483 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      7          6          5
--R      2412616387500x + 10937194290000x + 21241746949500x
--R      +
--R      4          3          2
--R      22910920065000x + 14821208820000x + 5750565480000x
--R      +
--R      1239072120000x + 114375888000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      7          6          5
--R      - 2412616387500x - 10937194290000x - 21241746949500x
--R      +

```

```

--R      4           3           2
--R      - 22910920065000x  - 14821208820000x  - 5750565480000x
--R      +
--R      - 1239072120000x  - 114375888000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      6           5           4           3           2
--R      160841092500x  + 627280260750x  + 1018898535600x  + 882286862985x
--R      +
--R      2
--R      429553050280x  + 111486629505x + 12050702538
--R      /
--R      7           6           5           4           3           2
--R      364500x  + 1652400x  + 3209220x  + 3461400x  + 2239200x  + 868800x
--R      +
--R      187200x + 17280
--R
--R                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 483

--S 484 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 484

--S 485 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 485

)clear all

--S 486 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^7*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R      (1)
--R      3           2
--R      - 8x  + 12x  - 6x + 1
--R      /
--R      10           9           8           7           6           5
--R      273375x  + 1767825x  + 5143095x  + 8864559x  + 10024182x  + 7770924x
--R      +
--R      4           3           2

```

```

--R      4182360x  + 1543120x  + 373536x  + 53568x + 3456
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 486

--S 487 of 500
r0:=343/18/(2+3*x)^6+1617/5/(2+3*x)^5+3927/(2+3*x)^4+42878/(2+3*x)^3+_
953535/2/(2+3*x)^2+6618975/(2+3*x)+(-166375/2)/(3+5*x)^2+_
3584625/(3+5*x)-43848750*log(2+3*x)+43848750*log(3+5*x)
--R
--R
--R      (2)
--R      8          7          6
--R      71922912187500x  + 373999143375000x  + 850608308137500x
--R      +
--R      5          4          3
--R      1105162141050000x  + 897171734250000x  + 465989436000000x
--R      +
--R      2
--R      151225569000000x  + 28035136800000x + 2273119200000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      8          7          6
--R      - 71922912187500x  - 373999143375000x  - 850608308137500x
--R      +
--R      5          4          3
--R      - 1105162141050000x  - 897171734250000x  - 465989436000000x
--R      +
--R      2
--R      - 151225569000000x  - 28035136800000x - 2273119200000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      7          6          5          4
--R      4794860812500x  + 21896531043750x  + 42841193422500x  + 46551705341625x
--R      +
--R      3          2
--R      30340145968110x  + 11860532030465x  + 2574943269792x + 239497011063
--R      /
--R      8          7          6          5          4          3
--R      1640250x  + 8529300x  + 19398690x  + 25203960x  + 20460600x  + 10627200x
--R      +
--R      2
--R      3448800x  + 639360x + 51840
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 487

--S 488 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)
--R
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      71922912187500x8 + 373999143375000x7 + 850608308137500x6
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      1105162141050000x5 + 897171734250000x4 + 465989436000000x3
--R      +
--R      +-----+
--R      151225569000000x2 + 28035136800000x + 2273119200000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      - 71922912187500x8 - 373999143375000x7 - 850608308137500x6
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+
--R      - 1105162141050000x5 - 897171734250000x4 - 465989436000000x3
--R      +
--R      +-----+
--R      - 151225569000000x2 - 28035136800000x - 2273119200000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      +-----+ +-----+ +-----+ +-----+
--R      4794860812500x7 + 21896531043750x6 + 42841193422500x5 + 46551705341625x4
--R      +
--R      +-----+ +-----+
--R      30340145968110x3 + 11860532030465x2 + 2574943269792x + 239497011063
--R      /
--R      +-----+ +-----+ +-----+ +-----+ +-----+
--R      1640250x8 + 8529300x7 + 19398690x6 + 25203960x5 + 20460600x4 + 10627200x3
--R      +
--R      +-----+
--R      3448800x2 + 639360x + 51840
--R
--R                                          Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 488

--S 489 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 489

--S 490 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R

```

```

--R   (5)  0
--R
--E 490                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 491 of 500
t0:=(1-2*x)^3/((2+3*x)^8*(3+5*x)^3)
--R
--R
--R   (1)
--R   - 8x3 + 12x2 - 6x + 1
--R   /
--R   820125x11 + 5850225x10 + 18964935x9 + 36879867x8 + 47801664x7
--R   +
--R   43361136x6 + 28088928x5 + 12994080x4 + 4206848x3 + 907776x2 + 117504x
--R   +
--R   6912
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 491

--S 492 of 500
r0:=49/3/(2+3*x)^7+539/2/(2+3*x)^6+15708/5/(2+3*x)^5+64317/2/(2+3*x)^4+_
317845/(2+3*x)^3+6618975/2/(2+3*x)^2+43848750/(2+3*x)+_
(-831875/2)/(3+5*x)^2+20418750/(3+5*x)-280500000*log(2+3*x)+_
280500000*log(3+5*x)
--R
--R
--R   (2)
--R   460090125000000x9 + 2699195400000000x8 + 7036311645000000x7
--R   +
--R   10697265810000000x6 + 10452338820000000x5 + 6807061800000000x4
--R   +
--R   2954674800000000x3 + 824266080000000x2 + 1341014400000000x
--R   +
--R   9694080000000
--R   *
--R   log(5x + 3)
--R   +
--R   - 460090125000000x9 - 2699195400000000x8 - 7036311645000000x7
--R   +
--R   - 10697265810000000x6 - 10452338820000000x5 - 6807061800000000x4

```

```

--R      +
--R      3          2
--R      - 2954674800000000x  - 824266080000000x  - 134101440000000x
--R      +
--R      - 9694080000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      8          7          6
--R      30672675000000x  + 160520332500000x  + 367435926000000x
--R      +
--R      5          4          3
--R      480493891350000x  + 392612784696000x  + 205262100529200x
--R      +
--R      2
--R      67053019228048x  + 12513316868859x  + 1021373267628
--R      /
--R      9          8          7          6          5          4
--R      1640250x  + 9622800x  + 25084890x  + 38136420x  + 37263240x  + 24267600x
--R      +
--R      3          2
--R      10533600x  + 2938560x  + 478080x  + 34560
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 492

--S 493 of 500
a0:=integrate(t0,x)
--R
--R
--R      (3)
--R      9          8          7
--R      460090125000000x  + 2699195400000000x  + 7036311645000000x
--R      +
--R      6          5          4
--R      1069726581000000x  + 10452338820000000x  + 6807061800000000x
--R      +
--R      3          2
--R      2954674800000000x  + 824266080000000x  + 134101440000000x
--R      +
--R      9694080000000
--R      *
--R      log(5x + 3)
--R      +
--R      9          8          7
--R      - 46009012500000x  - 2699195400000000x  - 7036311645000000x
--R      +
--R      6          5          4
--R      - 1069726581000000x  - 10452338820000000x  - 6807061800000000x
--R      +
--R      3          2

```

```

--R      - 2954674800000000x - 824266080000000x - 134101440000000x
--R      +
--R      - 9694080000000
--R      *
--R      log(3x + 2)
--R      +
--R      8          7          6
--R      30672675000000x + 160520332500000x + 367435926000000x
--R      +
--R      5          4          3
--R      480493891350000x + 392612784696000x + 205262100529200x
--R      +
--R      2
--R      67053019228048x + 12513316868859x + 1021373267628
--R      /
--R      9          8          7          6          5          4
--R      1640250x + 9622800x + 25084890x + 38136420x + 37263240x + 24267600x
--R      +
--R      3          2
--R      10533600x + 2938560x + 478080x + 34560
--R
                                         Type: Union(Expression(Integer),...)
--E 493

--S 494 of 500
m0:=a0-r0
--R
--R
--R      (4)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 494

--S 495 of 500
d0:=D(m0,x)
--R
--R
--R      (5)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 495

)clear all

--S 496 of 500
t0:=(2+3*x)^m*(3+5*x)/(1-2*x)
--R
--R
--R      m
--R      (- 5x - 3)(3x + 2)
--R      (1)  -----
--R                  2x - 1
--R
                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 496

--S 497 of 500
--r0:=-5/6*(2+3*x)^(1+m)/(1+m)+11/14*(2+3*x)^(1+m)*_
--      hypergeometric(1,1+m,2+m,2/7*(2+3*x))/(1+m)
--E 497

--S 498 of 500
--a0:=integrate(t0,x)
--E 498

--S 499 of 500
--m0:=a0-r0
--E 499

--S 500 of 500
--d0:=D(m0,x)
--E 500

)spool
)lisp (bye)

```

References

[1] nothing